



#### **RENAN FIGUEREDO DA SILVA**

Desenvolvimento via simulação de um microinversor com circuito Boost, com controlador Proporcional Ressonante

> Manaus 2021

#### RENAN FIGUEREDO DA SILVA

# Desenvolvimento via simulação de um microinversor com circuito Boost, com controlador Proporcional Ressonante

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado à Escola Superior de Tecnologia da Universidade do Estado do Amazonas como parte dos requisitos necessários para obtenção do título de Bacharel em Engenharia de Controle e Automação.

Orientador: Prof. Dr. Walter Andrés Vermehren Valenzuela

Coorientador: Prof. Dr. Victor Enrique Vermehren Valenzuela

Manaus 2021

### Desenvolvimento via simulação de um microinversor com circuito Boost, com controlador Proporcional Ressonante

RENAN FIGUEREDO DA SILVA

Trabalho de Conclusão de Curso (TCC) apresentado à Escola Superior de Tecnologia da Universidade do Estado do Amazonas como parte dos requisitos necessários para obtenção do título de Bacharel em Engenharia de Controle e Automação.

Aprovada por:

Prof. Dr. Walter Andrés Vermehren Valenzuela Orientador

Victor Vermehren Valenzuela

Prof. Dr. Victor Enrique Vermehren Valenzuela Coorientador

Prof. Dr. Almir Kimura Jr. Membro (EST/UEA)

José Edrebon Wesen. oreira

Prof. Msc José Ednelson Wesen Moreira Membro (EST/UEA)

Rodnies Grias

Prof. Dr. Rodrigo Farias Araújo Membro (EST/UEA)

Manaus, 30 de Julho de 2021.

A todos aqueles que me ajudaram a concluir a graduação,

dedico.

# AGRADECIMENTOS

A minha família que me deu o maior presente de ensinar a usufruir da minha liberdade e sempre apoiar os meus sonhos e projetos. Aos meus orientadores Dr. Walter Andrés Vermehren Valenzuela e Dr. Victor Enrique Vermehren Valenzuela e o professor da disciplina Trabalho de Conclusão de Curso Dr. Almir Kimura Jr pelo conhecimento técnico necessário para a realização desta pesquisa e pela paciência na orientação. Aos professores do curso de Engenharia de Controle e Automação, em especial ao professor Msc. Charles Luiz Silva de Melo (*in memoriam*) por sempre priorizar o sucesso dos alunos do curso e o seu maior legado foi nos ensinar que a união entre alunos e professores faz todos crescerem juntos. Aos meus amigos da Universidade do Estado pela companhia, ajudas e conselhos que me ajudaram a crescer profissionalmente e pessoalmente. À Universidade do Estado do Amazonas, por possibilitar a realização do curso de Engenharia de Controle e Automação.

"A noble spirit embiggens the smallest man." (Dan Greaney)

### **RESUMO**

Os microinversores são dispositivos conversor da corrente contínua de um único módulo fotovoltaico em corrente alternada semelhante à rede elétrica residencial, trazendo mais eficiência na produção de energia elétrica. Entretanto, o *payback* é maior em projetos fotovoltaicos com microinversores em relação aos demais tipos de inversores do mercado. A pesquisa apresentada neste documento tem o objetivo de desenvolver via simulação um microinversor com circuito *Boost* controlado por uma malha de controle em cascata e por um circuito ponte H controlado por uma malha de controle com controlador Proporcional Ressonante. Foram feitas simulações para averiguar se o microinversor possui alta eficiência e se possui baixa incidência de harmônicos. Por fim, foi feita o cálculo do custo financeiro do microinversor desenvolvido e comparado com os demais microinversores existentes no mercado.

Palavras-chave: Fotovoltaica, Energias-Renováveis, Microinversores.

# ABSTRACT

The microinverters are devices for convertion the direct cunrrent of a single photovoltaic module in altenating current similar to a residential electric grid resulting in more efficiency in production of electrical energy. However, the payback is bigger in photovoltaics projects with microinverters compared to others types of inverters in the market. This research have the objective to develop a microinverter by simulation using a Boost circuit controlled by cascated closed loop and a H-bridge circuit controlled by PR controller. The circuit was simulated to evaluate the efficiency and the harmonics incidents. Lastly, was made the calculation of the value of the microinverter and compared with othes microinverters in the market.

Keywords: Photovoltaic, Renewable Energy, Microinverter.

# LISTA DE ILUSTRAÇÕES

1	Circuito com o controlador PR	25
2	Diagramas de Bode do filtro ressonante no domínio <i>w</i>	28
3	Diagramas de Bode do controlador PR no domínio w	28
4	Sinal da referência e da corrente de saída.	29
5	Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor	30
6	Regra para o erro e para a variação do erro.	31
7	Circuitos Buck, Boost, Buck-Boost e Flyback com o controlador PID	31
8	Circuitos Buck, Boost, Buck-Boost e Flyback com controlador Fuzzy .	32
9	gráficos das respostas transitórias dos conversores <i>Buck, Boost, Buck-Boost</i> e <i>Flyback</i>	34
10	Célula fotovoltaica.	35
11	Células fotovoltaicas conectadas em série.	36
12	Módulos fotovoltaicos de silício monocristalino	36
13	Circuito equivalente de uma célula fotovoltaica	36
14	Curva I-V de um módulo fotovoltaico.	37
15	Módulo fotovoltaico sofrendo sombreamento parcial	38
16	Módulo fotovoltaico com diodo de bypass	38
17	Topologia do conversor <i>Boost</i> com a malha de controle	39
18	Conversor <i>Boost</i> com a chave ligada	40
19	Conversor <i>Boost</i> com a chave desligada	40
20	Circuito Ponte H	41
21	Circuito filtro RC passa-baixas com amplificador.	42
22	Função de transferência do Phase-Locked-Loop	43

23	Função de transferência do Phase-Locked-Loop com controlador PI	43
24	Diagrama de Bode do controlador PR ideal e não-ideal	46
25	Gráficos do ponto de máxima potência do módulo X21-470-COM	48
26	Conversor <i>Boost</i> com o módulo fotovoltaico	49
27	Conversor Boost com a modelagem matemática do módulo fotovol-	
	taico utilizada	51
28	Malha de controle em cascata do conversor <i>Boost</i>	53
29	Circuito RC passa-baixas no ambiente Simulink	56
30	Bloco do circuito Ponte H no Simulink	57
31	Bloco do circuito Ponte H no Simulink	57
32	Bloco Phase-Locked-Loop do Simulink.	58
33	Condição lógica para o funcionamento da ponte H no Simulink	58
34	Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor	59
35	Malha de controle da ponte H no Simulink	59
36	Malha de controle da ponte H com o controlador PR	62
37	Extração da potência máxima de saída no Simulink	66
38	Extração da eficiência média no Simulink	66
39	Placa Arduino Leonardo R3	67
40	Sensor de corrente modelo ACS712	68
41	Sensor de tensão modelo ZMPT101B	68
42	MOSFET modelo PWM D4184	68
43	Tensão de saída real e eficaz do filtro RC passa-baixas.	70
44	Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor	72
45	Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de 300 $W/m^2$ .	73

46	Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte				
	H para a irradiância de 500 $W/m^2$	73			
47	Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte				
	H para a irradiância de 1000 $W/m^2$	74			
48	Fluxograma do algoritmo Perturbe e Observe	83			
49	Circuito do microinversor, malhas de controle e resultados no Simulink.	92			

# LISTA DE TABELAS

1	Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro resso- nante	26
2	Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro resso- nante.	33
3	Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro resso- nante.	33
4	Parâmetros do Módulo Fotovoltaico X21-470-COM	48
5	Valores dos parâmetros iniciais.	50
6	Ganhos do controlador PID do Phase-Locked-Loop	60
7	Ganhos do controlador PID do Phase-Locked-Loop	60
8	Valores dos componentes eletrônicos do microinversor	69
9	Valores dos ganhos dos controladores do conversor <i>Boost.</i>	70
10	Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro resso- nante	71
11	Valores das constantes do filtro ressonante no domínio W	71
12	Corrente de saída,Potência de saída e eficiência para diferentes valores de irradiância.	74
13	Especificações técnicas do microinversor.	75
14	Cálculo custo do microinversor.	76
15	Valor dos demais microinversores em comparação com o microinver- sor desenvolvido na pesquisa	77

# LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

CRESESECentro de Referência para as Energias Solar e Eólica Sérgio de S.Brito

- FTMA Função de Transferência em Malha Aberta
- FTMF Função de Transferência em Malha Fechada
- PI Controlador Proporcional Integral
- PID Controlador Proporcional Integral e Derivativo
- PR Controlador Proporcional Ressonante

# LISTA DE SÍMBOLOS

$P_{mpp}$	Potência no ponto de máxima potência do módulo fotovoltaico X21-470-COM
$V_{oc}$	Tensão de circuito aberto do módulo fotovoltaico X21-470-COM
$V_{in}$	Tensão mínima de saída do módulo fotovoltaico X21-470-COM
V <sub>cel</sub>	Valor da tensão da célula fotovoltaica no Ponto de Máxima Potência do módulo fotovoltaico X21-470-COM
$I_{SC}$	Corrente de curto-circuito do módulo fotovoltaico X21-470-COM
$I_{mpp}$	Corrente no ponto de Máxima Potência do módulo fotovoltaico X21-470-COM
$C_{pv}$	Capacitor do módulo fotovoltaico X21-470-COM
Р	Potência de entrada mínima recomendada
$F_{s}$	Frequência de chaveamento
$V_{g}$	Valor eficaz da tensão da rede elétrica
$V_o$	Tensão de saída do conversor Boost
$V_{in}$	Tensão de entrada do conversor Boost
$L_1$	Indutor do conversor Boost
$r_{L1}$	Resistêcia de $L_1$
$C_1$	Capacitor do conversor Boost
$V_{C1}$	Tensaõ em $C_1$
$I_{L1}$	Corrente do indutor
$\Delta I_{L1}$	Variação da corrente do indutor
$\Delta V_{C1}$	Variação da tensão do capacitor
D	Ciclo de trabalho do conversor <i>Boost</i>
R	Resistor do conversor Boost
$R_{eq}$	Resistência equivalente do módulo fotovoltaico
$G_{vi}(s)$	Função de transferência da tensão do conversor Boost em função da corrente

- $G_{id}(s)$  Função de transferência da corrente do conversor *Boost* em função do ciclo de trabalho
- $C_{vi}(s)$  Controlador de  $G_{vi}(s)$
- $k_{pv}$  Ganho proporcional de  $C_{vi}(s)$
- $k_{iv}$  Ganho proporcional de  $C_{vi}(s)$
- $\omega_{cv}$  Frequência de corte de  $C_{vi}(s)$
- $C_{id}(s)$  Controlador de  $G_{id}(s)$
- $k_{pi}$  Ganho proporcional de  $C_{id}(s)$
- $k_{ii}$  Ganho proporcional de  $C_{id}(s)$
- $\omega_{ci}$  Frequência de corte de  $C_{id}(s)$
- C<sub>2</sub> Capacitância do filtro RC passa-baixas
- $F_c$  Frequência de corte do filtro RC passa-baixas
- *L*<sub>2</sub> Indutor da ponte H
- $r_{L2}$  Resistência de  $L_2$
- $K_{PPLL}$  Ganho proporcional do PLL
- *K*<sub>*IPLL*</sub> Ganho integral do PLL
- $K_{DPLL}$  Ganho derivativo do PLL
- $F_a$  Frequência de amostragem
- $T_a$  Período de amostragem
- $V_{DC}$  Tensão de entrada na ponte H
- $V_p$  Valor de pico da tensão da rede elétrica
- $F_g$  Frequência da rede elétrica
- $\omega_g$  Frequência angular da rede elétrica
- $H_i(s)$  Ganho da realimentação da corrente elétrica
- $H_v(s)$  Ganho da corrente de referência
- $\omega_r$  Frequência angular de ressonância

- $\zeta$  Coeficiente de amortecimento
- $H_0(s)$  Função de transferência de Nastin
- $a_n$  coefficientes de  $H_0(s)$
- $\alpha_n$  Coeficiente de proporções características
- *w<sub>n</sub>* Coeficiente das frequências de pulsação
- $P_N$  Polinômio de Nastin
- $C_{PR}(s)$  Controlador Proporcional Ressonante
- $K_{PPR}$  Ganho proporcional de  $C_{PR}(s)$
- $K_{IPR}$  Ganho integral de  $C_{PR}(s)$
- $H_r(s)$  Filtro Ressonante
- *B<sub>r</sub>* Frequência angular do Filtro Ressonante
- *w* Domínio contínuo *w*

# SUMÁRIO

IN	TRO	DUÇÃO	20
1	TEN	/IA	22
2	RES	SUMO DO TEMA	22
3	PRO	DBLEMÁTICA	22
4	HIP	ÓTESE	22
5	JUS	TIFICATIVA	23
	5.1	Justificativa do tema	23
	5.2	Justificativa da hipótese	23
6	OB.	ΙΕΤΙVΟ	23
	6.1	Objetivo geral	23
	6.2	Objetivos específicos	23
7	TRA	ABALHOS RELACIONADOS	25
	7.1	Design Procedure for a Digital Proportional-Resonant Current Con-	
		troller in a Grid Connected Inverter	25
	7.2	Performance Analysis of Fuzzy Logic Controlled DC-DC Converters .	29
8	REI	FERÊNCIAL TEÓRICO	35
	8.1	Efeito fotovoltaico	35
		8.1.1 Módulo fotovoltaico	35
		8.1.2 Modelagem matemática de um módulo fotovoltaico	36

		8.1.2.1 Curva de tensão e corrente de um módulo fotovoltaico	37
	8.1.3	Sombreamento do módulo fotovoltaico	38
8.2	Inverso	pres	39
8.3	Conver	sor <i>Boost</i>	39
	8.3.1	Princípio de operação do conversor <i>Boost</i>	39
	8.3.2	Modelagem matemática do conversor <i>Boost</i>	40
8.4	Circuit	o Ponte H	41
8.5	Filtro I	RC passa-baixas	42
8.6	Phase-	Locked-Loop	43
8.7	Contro	le Proporcional Integral Derivativo	44
8.8	Contro	le Proporcional Ressonante	44
	8.8.1	Necessidade do Controle Proporcional Ressonante	44
	8.8.2	Topologia do Controlador Proporcional Ressonante	45
ME	FODOL	OGIA	47
9.1	Requis		47
9.2		itos desejados	• •
	Módul		47
	Módule 9.2.1	itos desejados	47 49
9.3	Módul 9.2.1 Conver	itos desejados	47 49 49
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1	itos desejados	47 49 49 49
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1	itos desejados	47 49 49 49 49
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1	itos desejados	<ul> <li>47</li> <li>49</li> <li>49</li> <li>49</li> <li>49</li> <li>49</li> <li>50</li> </ul>
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1 9.3.2	itos desejados	47 49 49 49 49 49 50 51
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1 9.3.2 9.3.3	itos desejados	47 49 49 49 49 49 50 51 53
9.3	Módul 9.2.1 Conver 9.3.1 9.3.2 9.3.3 9.3.4	itos desejados	47 49 49 49 49 49 50 51 53 53

			9.3.4.2 Malha externa	55
	9.4	Filtro F	Passa-Baixas na saída do conversor <i>Boost</i>	56
	9.5	Circuit	to Ponte H conectado à rede elétrica	57
		9.5.1	Condição de funcionamento da Ponte H	58
		9.5.2	Projeto da malha de controle da ponte H	59
	9.6	Sintoni	ização do controlador Proporcional Ressonante	60
		9.6.1	Valores dos ganhos proporcional e integral pelo método poli- nomial de Nastin	60
		9.6.2	Sintonização do filtro ressonante	64
			9.6.2.1 Filtro ressonante no domínio <i>w</i>	64
	9.7	Extraçã	ão da potência de saída e extração da eficiência do microinversor	65
		9.7.1	Extração da potência máxima de saída	65
		9.7.2	Extração do valor da eficiência do microinversor	66
	9.8	Cálculo	o do custo financeiro do microinversor	67
10	RES	ULTAD	DOS E DISCUSSÕES	69
	10.1	Valores	s dos componentes eletrônicos do microinversor	69
	10.2	Contro	ladores do conversor <i>Boost</i>	69
		10.2.1	Valores dos ganhos dos controladores do conversor Boost	69
		10.2.2	Tensão da saída do conversor <i>Boost</i>	70
	10.3	Ganhos	s do controlador PR e do filtro ressonante	71
		10.3.1	Controlador PR e filtro ressonante na forma contínua	71
		10.3.2	Controlador PR e filtro ressonante no domínio W	71
	10.4	Sinais	da malha de controle da ponte H	73
	10.5	Interva	lo de Operação da tensão de entrada	75
	10.6	Interva	lo de operação da frequência da corrente de saída	75

10.7 Especificações técnicas do microinversor	75
10.8 Custo de produção do microinversor	76
10.8.1 Comparação com os demais microinversores existentes no mercado	76
11 CONSIDERAÇÕES FINAIS	78
11.1 Trabalhos futuros	79
Referências	80
Apêndice A	83
Apêndice B	86
Apêndice C	92

# INTRODUÇÃO

O uso da energia elétrica vem sendo utilizado desde o século XVIII para alimentar os dispositivos elétricos que auxiliam em tarefas do ser humano. Conforme foi sendo popularizado o uso de dispositivos elétricos, o ser humano buscou cada vez mais novas fontes de energia elétrica. Todavia, as fontes de energia elétrica mais utilizadas pelo ser humano não são renováveis ou não são sustentáveis (MACHADO; MIRANDA, 2015). Para exemplificar, podemos citar o Brasil, onde 61,18% da produção de energia elétrica advém de Usinas Hidrelétricas, produzindo alagamento onde são construídas e destruindo toda a fauna e flora ao redor (SILVA; SHAYANI; OLIVEIRA, 2018).

Para minimizar as consequências de utilizar fontes de energia elétrica não renováveis e não sustentáveis foram buscadas na natureza outras fontes de energia que fossem renováveis e sustentáveis (SAMPAIO; GONZÁLEZ, 2017). Uma das fontes mais utilizadas em todo o mundo é a energia fotovoltaica, a qual é produzida a partir da incidência de raios solares em dispositivos semicondutores, conhecidos como módulos fotovoltaicos (SAMPAIO; GONZÁLEZ, 2017).

A energia fotovoltaica é considerada renovável porque a sua fonte são os raios solares. Para efeitos comparativos, segundo(MACHADO; MIRANDA, 2015) os raios solares que incidem no planeta Terra durante uma hora possuem mais energia que a humanidade consumiu em energia elétrica durante um ano.A energia fotovoltaica também é considerada renovável porque o processo de produção de energia fotovoltaica causa dados mínimos ao meio ambiente(SAMPAIO; GONZÁLEZ, 2017).

A energia produzida pelos módulos fotovoltaicos é de corrente contínua e para transformar em alternada são utilizados dispositivos chamados de inversores(KASA; IIDA; CHEN, 2005). Os inversores mais utilizados no mercado são os inversores modulares que utilizam vários módulos fotovoltaicos conectados em série para gerar a corrente elétrica semelhante à tensão e corrente da rede elétrica. Entretanto, a eficiência de um inversor modular pode ser reduzida quando um ou mais módulos fotovoltaicos sofrem sombreamento, comprometendo toda a produção de energia(KASA; IIDA; CHEN, 2005). Para aumentar de eficiência na produção de energia fotovoltaica foram criados os microinversores (KASA; IIDA; CHEN, 2005). Os microinversores são inversores ligados a um único módulo fotovoltaico de forma que se um ou mais módulos fotovoltaicos sofram de sombreamento, os demais não deverão diminuir a sua produção de energia elétrica (COUTINHO et al., 2016). Todavia, os microinversores ainda possuem o custo de produção elevado, por isso não é financeiramente viável a substituição dos inversores modulares por microinversores(KASA; IIDA; CHEN, 2005).

A vista disso, a pesquisa tem como objetivo principal o desenvolvimento via simulação de um microinversor para receber a corrente contínua originada de um módulo fotovoltaico e gerar a corrente contínua semelhante à rede elétrica. A corrente será aumentada passando pelo circuito conversor *Boost* e para que a corrente contínua seja transformada em alternada, a saída do conversor *Boost* passará por um circuito Ponte H. O controlador Proporcional Ressonante exercerá o controle na Ponte H. O valor financeiro microinversor desenvolvido será comparado com os demais microinversores existentes no mercado para averiguar se o valor é menor e assim diminuir o *payback* em projetos fotovoltaicos com microinversores.

### 1 TEMA

Desenvolvimento via simulação de um microinversor com circuito *Boost*, com controlador Proporcional Ressonante

## 2 RESUMO DO TEMA

Desenvolver um microinversor que receberá a corrente contínua originada de um módulo fotovoltaico e gerará uma corrente alternada senoidal modificada semelhante à rede elétrica. A corrente do módulo fotovoltaico passará pelo conversor *Boost* o qual elevará a tensão, para gerar uma corrente alternada senoidal modificada será utilizado um circuito ponte H, o controlador Proporcional Ressonante exercerá o controle na ponte H. A validação do microinversor será apresentada via simulação de software.

# **3 PROBLEMÁTICA**

Elevado *payback* em projetos fotovoltaicos com microinversores em comparação aos inversores mais comuns do mercado.

# 4 HIPÓTESE

Um microinversor com um circuito *Boost* e controlador Proporcional Ressonante pode ter o *payback* menor em projetos fotovoltaicos.

## 5 JUSTIFICATIVA

### 5.1 Justificativa do tema

Concentra-se em desenvolver um microinversor com o *payback* menor em projetos fotovoltaicos.

### 5.2 Justificativa da hipótese

Concentra-se em apresentar evidências de que um microinversor com circuito *Bo*ost e controlador Proporcional Ressonante tem o *payback* menor em projetos fotovoltaicos.

## **6 OBJETIVO**

## 6.1 Objetivo geral

Desenvolver via simulação um microinversor com circuito Boost, com controlador Proporcional Ressonante de baixo *payback*, para projetos fotovoltaicos.

# 6.2 Objetivos específicos

- Estudar o conversor *Boost*;
- Estudar o controlador Proporcional Ressonante;
- Desenvolver um conversor Boost que receba o corrente elétrica de um módulo fotovoltaico e eleve a tensão;
- Sintonizar os controladores da malha de controle do conversor Boost;

- Sintonizar um controlador Proporcional Ressonante para gerar uma corrente senoidal modificada semelhante à rede elétrica;
- Extrair o valor da tensão de saída do filtro RC passa-baixas e verificar se é satisfatório para o microinversor;
- Extrair os valores da realimentação e o erro da corrente de saída microinversor em diferentes situações de simulação;
- Extrair os valores do fator de potência da corrente de saída do microinversor em diferentes situações de simulação;
- Verificar a eficiência do microinversor em diferentes situações de simulação;
- Comparar o custo do microinversor desenvolvido com os demais microinversores do mercado.

## 7 TRABALHOS RELACIONADOS

# 7.1 Design Procedure for a Digital Proportional-Resonant Current Controller in a Grid Connected Inverter

Procedimento do *Design* de um controlador Proporcional-Ressonante(PR) para o controle da corrente de um inversor conectado à rede elétrica, em português.

A pesquisa trata-se do projeto de um controlador PR para um circuito meia-ponte com um filtro indutivo conectado à rede elétrica. O controlador PR atua no chaveamento do circuito de meia-ponte para gerar a corrente de saída senoidal (BUSA-RELLO; POMILIO; SIMOES, 2018). A figura 1 ilustra o circuito com o controlador PR utilizado na pesquisa:



Figura 1: Circuito com o controlador PR.

Fonte: (BUSARELLO; POMILIO; SIMOES, 2018)

A tabela 1 trata-se dos valores dos parâmetros utilizados na pesquisa:

Parâmetros do inversor utilizado na pesquisa					
Parâmetros	Valor				
Tensão contínua do inversor	$V_{DC}$	450V			
Resistência do inversor	R <sub>inv</sub>	$0.5m\Omega$			
Indutância do inversor	$L_{inv}$	10mH			
Frquência de chaveamento	$f_s$	$30kH_Z$			
Ganho do sensor de corrente	$H_i$	0.1A/A			
Potência nominal do inversor	P <sub>inv</sub>	1500W			
Frequência de amostragem	$f_a$	$30kH_Z$			
Frequência ângular de amostragem	$\omega_a = 2_a$	$1.88 x 10^5 rad/s$			
Período de amostragem	$T_a = \frac{1}{f_a}$	33.333µs			
Tensão de pico da rede	$V_p$	180V			
Frequência da rede	$f_g$	$60H_Z$			
Frequência angular da rede	$\omega_g = 2_g$	377 <i>rad</i> /s			
Indutância da rede	$L_g$	$100 \mu H$			
Resistência da rede	$R_g$	$0.1m\Omega$			
Frequência de ressonância	$f_r$	$60H_Z$			
Frequência angular de ressonância	$\omega_r = 2\pi f_r$	377 <i>rad</i> /s			
Frequência de corte do filtro ressonante	$B_s$	$1.5H_Z$			
Frequência angular de corte do filtro ressonante	$B_r = 2\pi B_s$	10.053 <i>rad/s</i>			
Coeficiente de amortecimento	ζ	0.95			
Ganho ressonante do filtro analógico	k <sub>r</sub>	1			

Tabela 1: Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro ressonante.

Fonte: (BUSARELLO; POMILIO; SIMOES, 2018).

A sintonização dos ganhos do controlador PR foi feita utilizando as equações deduzidas no polinômio de Nastin. As equações em 7.1 são as equações para os ganhos  $K_p$  e  $K_i$  do controlador PR:

$$k_p = \frac{(2\zeta+1)\sqrt{2\zeta+1}\omega_r L_{inv} - R_{inv}}{\frac{V_{DC}}{2}} \frac{1}{H_i}, \quad k_i = \frac{\omega_r^2 L_{inv}[(2\zeta+1)^2 - 1]}{V_{DC}} \frac{1}{H_i}$$
(7.1)

A equação 7.2 descreve a função de transferência do filtro ressonante:

$$H_r(s) = \frac{k_r B_r s}{s^2 + 2B_r s + \omega_r^2}$$
(7.2)

Para verificar numericamente a precisão do design do controlador PR e a sua resposta em frequência, a pesquisa utilizou o fictício plano w. O domínio w é um artifício que permite analisar o sistema sistemas do domínio discreto através dos dos diagramas de Bode semelhante aos gráficos do domínio contínuo (BUSARELLO; POMILIO; SI-MOES, 2018). A equação 7.3 descreve a transformação do plano discreto para o plano contínuo com o plano W:

$$z = \frac{1 + \left(\frac{T_a}{2}\right)w}{1 - \left(\frac{T_a}{2}\right)w}$$
(7.3)

A equação a seguir é a função de transferência do filtro ressonante no plano discreto:

$$H_r(z) = \mathbb{Z} \{ H_r(s) \} = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2}}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2}}$$
(7.4)

Os valores das constantes na equação 7.4 se encontram nas equações em 7.5:

$$\begin{cases} b_0 = B_r T_a \\ b_1 = \left[ -B_r e^{-0.5B_r T_a} \cos(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0, 25B_r^2}) - C \right] \\ b_2 = 0 \\ a_0 = 1 \\ a_1 = -2e^{-0.5B_r T_a} \cos(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0, 25B_r^2}) \\ a_2 = e^{-B_r T_a} \end{cases}$$
(7.5)

Em que C é calculado pela equação 7.6:

$$C = \frac{0.5B_r^2}{\sqrt{\omega_0^2 - 0.25B_r^2}} e^{-0.5B_r T_a} \sin\left(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0.25B_r^2}\right)$$
(7.6)

A equação 7.7 é a função de transferência do controlador PR:

$$TF_{PR}(z) = k_p + k_i H_r(z) = k_p + k_i \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2}}{a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2}}$$
(7.7)

As figuras em 2 são, respectivamente, diagramas de bode da magnitude e da margem de fase do filtro ressonante no plano *w*:



Figura 2: Diagramas de Bode do filtro ressonante no domínio w.

(a) Diagrama de Bode magnitude do Filtro Resso- (b) Diagrama de Bode da margem de fase do Filtro nante no domínio w. Fonte: (BUSARELLO; POMILIO; SIMOES, 2018)

As figuras em ?? são, respectivamente, diagramas de bode da magnitude e da margem de fase do controlador PR no plano *w*:



Figura 3: Diagramas de Bode do controlador PR no domínio w.

(a) Diagrama de Bode da magnitude do Filtro Res- (b) Diagrama de Bode da margem de fase do consonante no domínio w. trolador PR no domínio w. Fonte: (BUSARELLO; POMILIO; SIMOES, 2018)

Com controlador PR sintonizado, foi feita simulação do circuito com o controlador PR e extraído o valor da corrente de saída durante a simulação. A figura 4 é o gráfico da referência e da corrente de saída durante a referência nula e durante a senoide de referência:



Figura 4: Sinal da referência e da corrente de saída.

Fonte: (BUSARELLO; POMILIO; SIMOES, 2018)

# 7.2 Performance Analysis of Fuzzy Logic Controlled DC-DC Converters

Análise de performance de lógica Fuzzy no controle de conversor CC-CC, em português.

Este artigo é um estudo comparativo de quatro tipos de conversores CC-CC: *Buck, Boost, Flyback* e *Buck-Boost.* Além disso, cada tipo de conversor foi comparado estando em malha aberta, com um controlador PID e com um controlador Fuzzy. As figuras em 5 são, respectivamente, os circuitos dos conversores *Buck, Boost, Buck-Boost* e *Flyback*:



Figura 5: Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor.



(c) Circuito do conversor Buck-Boost.



(d) Circuito do conversor *Flyback*. Fonte: (MAITY et al., 2019).

A interface do controlador *Fuzzy* possui as funções de pertinência do tipo Mandani. As entradas estão divididas em sete grupos que são: NB: Alto Negativo, NM: Médio Negativo, NS: Negativo pequeno, Z: Área Zero, PS: Positivo pequeno, PM: Positivo médio, PB: Positivo Grande. A saída é o valor, em porcentagem, do ciclo de trabalho. Os parâmetros utilizados se encontram na figura 6:

PB	PM	PS	z	NS	NM	NB
0	-5	-50	-100	-100	-100	-100
5	0	-5	-50	-100	-100	-100
50	5	0	-5	-50	-100	-100
100	50	5	0	-5	-50	-100
100	100	50	5	0	-5	-50
100	100	100	50	5	0	-5
100	100	100	100	50	5	0
	PB 0 5 50 100 100 100 100 100 100 100 100	PB         PM           0         -5           5         0           50         5           100         50           100         100           100         100           100         100	PB         PM         PS           0         -5         -50           5         0         -5           50         5         0           100         50         5           100         100         50           100         100         100           100         100         100	PB         PM         PS         Z           0         -5         -50         -100           5         0         -5         -50           50         5         0         -5           100         50         5         0           100         100         50         5           100         100         50         5           100         100         100         50	PB         PM         PS         Z         NS           0         -5         -50         -100         -100           5         0         -5         -50         -100           50         5         0         -5         -50           100         50         5         0         -5           100         100         50         5         0           100         100         50         5         0           100         100         100         50         5           100         100         100         50         5	PB         PM         PS         Z         NS         NM           0         -5         -50         -100         -100         -100           5         0         -5         -50         -100         -100           5         0         -5         -50         -100         -100           50         5         0         -5         -50         -100           100         50         5         0         -5         50           100         100         50         5         0         -5           100         100         50         5         0         -5           100         100         100         50         5         0           100         100         100         50         5         0

Figura 6: Regra para o erro e para a variação do erro.

Fonte: (MAITY et al., 2019).

A simulação dos circuitos utilizando controladores PID foi feita no *software MA-TLAB*. As figuras a seguir são, respectivamente, os circuitos *Buck, Boost, Buck-Boost* e *Flyback* com o controlador PID:

Figura 7: Circuitos Buck, Boost, Buck-Boost e Flyback com o controlador PID.



(a) Conversor Buck com controle PID.



(c) Conversor Buck-Boost com controle PID.



(b) Conversor Boost com controle PID.



(d) Conversor Flyback com controle PID.

Fonte: (MAITY et al., 2019).

As simulações com o controlador *Fuzzy* também foram feitas no *software MA-TLAB*. As figuras em 8 são, respectivamente, os circuitos *Buck, Boost, Buck-Boost* e *Flyback* com controlador *Fuzzy*:

#### Figura 8: Circuitos Buck, Boost, Buck-Boost e Flyback com controlador Fuzzy

(a) Conversor Buck com controle PID.



(c) Conversor Buck-Boost com controle PID.



(b) Conversor Boost com controle PID.



(d) Conversor Flyback com controle PID.



Fonte: (MAITY et al., 2019).

A tabela 2 mostra os valores das grandezas dos parâmetros do circuito para cada tipo de conversor:

Grandezas dos circuitos							
	Conversores						
Grandezas	Buck	Boost	Buck-Boost	Flyback			
Tensão de entrada (V)	24	24	24	24			
Tensão de saída (V)	12	48	24	24			
Indutância (mH)	65	50	75	-			
Transformador	-	-	-	1:1			
Capacitância ( $\mu F$ )	150	220	140	950			
Resistência de carga ( $\Omega$ )	10	20	40	50			
Fonte: (MAITV et al. 2010)							

Tabela 2: Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro ressonante.

Fonte: (MAITY et al., 2019).

A tabela 3 mostra os parâmetros de geração de pulsos em cada conversor:

Tabela 3: Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro ressonante.

Grandezas da geração de pulsos				
	Conversores			
Grandezas	Buck	Boost	Buck-Boost	Flyback
Amplitude	1	1	1	10
Frequência de chaveamento $(KH_Z)$	1	22	10	1
Ciclo de trabalho	0,5	0,5	0,5	0,5
Controlador PID				
Proporcional	1000	0,5	0,05	0,4
Integral	2	200	10	10
Derivativo	2	2	0	0,001

Fonte: (MAITY et al., 2019).

Feita as simulações, foram gerados os gráficos das respostas para os conversores em malha aberta, em malha fechada com o controlador PID e em malha fechada com o controlador *Fuzzy*. O controlador *Fuzzy* se mostrou superior aos demais porque ele apresentou menos ondulação, em todos os conversores. As figuras a seguir são os gráficos das respostas transitórias dos conversores *Buck, Boost, Buck-Boost* e *Flyback*, respectivamente:

Figura 9: gráficos das respostas transitórias dos conversores *Buck, Boost, Buck-Boost* e *Flyback* 

(a) Comparação entre as respostas em malha aberta, malha fechada com controlador PID e malha fechada com controle Fuzzy no conversor Buck.



(c) Comparação entre as respostas em malha aberta, malha fechada com controlador PID e malha fechada com controle Fuzzy no conversor Buck-Boost.



(b) Comparação entre as respostas em malha aberta, malha fechada com controlador PID e malha fechada com controle Fuzzy no conversor Boost.



(d) Comparação entre as respostas em malha aberta, malha fechada com controlador PID e malha fechada com controle Fuzzy no conversor Flyback.



Fonte: (MAITY et al., 2019).

# 8 REFERÊNCIAL TEÓRICO

#### 8.1 Efeito fotovoltaico

Em certos tipos de materiais, a incidência de ondas eletromagnéticas advindas da luz solar pode ocasionar alterações nas suas propriedades elétricas ou originar tensões e correntes elétricas. O efeito fotovoltaico nada mais é que a transformação da energia magnética advinda dos raios solares em corrente elétrica (VILLALVA, 2012).

O efeito fotovoltaico ocorre em materiais semicondutores, normalmente fabricados utilizando silício, que possuem diferenças de potenciais, um deles a presença de elétrons é abundante (Tipo-N), enquanto o outro não possui elétrons (Tipo-P) (SAM-PAIO; GONZÁLEZ, 2017). A função dos raios solares é entregar energia suficiente para que os elétrons da camada do tipo – N movam-se para a camada do tipo-P, gerando a corrente elétrica contínua (SAMPAIO; GONZÁLEZ, 2017). A figura a seguir ilustra de forma simplificada o efeito fotovoltaico em uma célula fotovoltaica:

Figura 10: Célula fotovoltaica.



Fonte: (SAMPAIO; GONZÁLEZ, 2017).

#### 8.1.1 Módulo fotovoltaico

Segundo (VILLALVA, 2012): "Um módulo fotovoltaico é constituído de células montadas sobre uma estrutura rígida e conectadas eletricamente". As células são co-
nectadas, normalmente em série, de forma que atinja a tensão de saída desejada. A figura 11 mostra a conexão elétrica entre duas células fotovoltaicas:

Figura 11: Células fotovoltaicas conectadas em série.



Fonte: (VILLALVA, 2012).

Os módulos fotovoltaicos existentes no mercado possuem tensão de até 37V e podem fornecer até 8A de corrente elétrica, a potência produzida por um módulo fotovoltaico é entre 50 e 250 Watts (VILLALVA, 2012). A figura 12 mostra alguns módulos fotovoltaicos de silício:

Figura 12: Módulos fotovoltaicos de silício monocristalino.



Fonte: (VILLALVA, 2012).

## 8.1.2 Modelagem matemática de um módulo fotovoltaico

A figura 13 descreve o circuito elétrico equivalente da célula fotovoltaica:

Figura 13: Circuito equivalente de uma célula fotovoltaica.

		practica	l PV de	vice
ideal	PV cell	-		Ι
Ipv (	$\downarrow I_{\rm d}$	$R_{\rm p}$	$-M_{R_s}$	V
L	•			

Fonte: (VILLALVA; GAZOLI; FILHO, 2009).

A partir do circuito elétrico, é possível encontrar a equação matemática da corrente de saída do módulo fotovoltaico (VILLALVA; GAZOLI; FILHO, 2009). A equação

8.1 descreve o valor da corrente de saída do módulo fotovoltaico:

$$I = I_{pv} - I_0 \left[ \exp\left(\frac{V + R_s I}{V_t a}\right) - 1 \right] - \frac{V + R_s I}{R_p}$$

$$(8.1)$$

 $I_{pv}$  é a corrente gerada pela irradiação solar,  $I_0$  é a corrente de saturação  $V_t$  é tensão térmica, V é a tensão de saída do módulo fotovoltaico,  $R_s$  e  $R_p$  são, respectivamente, a resistência em série e a resistência em paralelo do módulo fotovoltaico (VILLALVA; GAZOLI; FILHO, 2009).

#### 8.1.2.1 Curva de tensão e corrente de um módulo fotovoltaico

A partir da equação 8.1 é possível traçar a curva da corrente em função da tensão (VILLALVA; GAZOLI; FILHO, 2009). A curva corrente-tensão possui três pontos importantes: A corrente de curto-circuito  $(0, I_{sc})$ , O ponto de máxima potência  $(V_{mp}, I_{mp})$ , e a tensão de circuito aberto. A figura a seguir mostra a curva corrente-tensão do módulo fotovoltaico:

Figura 14: Curva I-V de um módulo fotovoltaico.



Fonte: (VILLALVA; GAZOLI; FILHO, 2009).

### 8.1.3 Sombreamento do módulo fotovoltaico

Sombreamento do módulo fotovoltaico é quando existe a interrupção total ou parcial da recepção dos raios solares no módulo fotovoltaico, isso pode ser causado tanto por fenômenos da natureza quanto por objetos que possuem suas sombras direcionadas ao módulo fotovoltaico (COUTINHO et al., 2016). O sombreamento pode ter consequências negativas na eficiência do módulo fotovoltaico e no pior dos casos, pode gerar a avaria do módulo fotovoltaico (COUTINHO et al., 2016).

Quando um módulo fotovoltaico sofre sombreamento as células não conduzem corrente elétrica e se tornam resistências elétricas (COUTINHO et al., 2016). A figura 15 mostra um módulo fotovoltaico de quatro células onde uma delas possui sombreamento e isso compromete totalmente a corrente elétrica do módulo fotovoltaico:

Figura 15: Módulo fotovoltaico sofrendo sombreamento parcial.



Fonte: (COUTINHO et al., 2016).

Para não comprometer totalmente a corrente elétrica produzida no módulo fotovoltaico são instalados diodos de *bypass* que são responsáveis por desviar a corrente elétrica da célula que está sofrendo sombreamento, todavia a tensão gerada é menor que a tensão sem sombreamento (COUTINHO et al., 2016). A figura 16 ilustra o diodo de *bypass* sendo usado para desviar a corrente elétrica da célula fotovoltaica sofrendo sombreamento:

Figura 16: Módulo fotovoltaico com diodo de bypass.



Fonte: (COUTINHO et al., 2016).

## 8.2 Inversores

Os conversores elétricos que convertem a corrente contínua em corrente alternada são chamados de inversores (RASHID, 2014). A função principal de um inversor é receber o sinal de corrente contínua de uma fonte elétrica e converter para corrente alternada com amplitude e frequência desejada (RASHID, 2014).

A corrente de saída dos inversores considerados ideais são ondas senoidais puras, todavia, os inversores reais possuem corrente de saída com harmônicos causando distúrbio na forma de onda (RASHID, 2014).

Os inversores são amplamente utilizados para converter a corrente contínua dos módulos fotovoltaicos para a corrente alternada de amplitude e frequência da rede elétrica (RASHID, 2014).

## 8.3 Conversor Boost

O conversor *Boost* é um conversor do tipo CC-CC de elevação de tensão (IBRAHIM et al., 2015). A figura 17 ilustra a topologia básica de um circuito *Boost* com a malha de controle:

Figura 17: Topologia do conversor Boost com a malha de controle



Fonte: (IBRAHIM et al., 2015).

## 8.3.1 Princípio de operação do conversor Boost

O conversor *Boost* opera em dois estágios, quando a chave Q1 está ligada e quando a chave Q1 está desligada (KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011).

Quando a chave está ligada, a corrente no indutor (L) aumenta de forma linear, a corrente do diodo se torna reversa e a corrente do capacitor descarrega para suprir energia para a carga (KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011). A figura 18 ilustra o conversor *Boost* quando a chave está ligada:

Figura 18: Conversor Boost com a chave ligada.



Fonte: (KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011).

Quando a chave está desligada, a corrente no indutor é forçada a fluir pelo diodo (D), carregar o capacitor (C) e fluir pela carga (R) (KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011). A corrente no indutor (L) diminui enquanto o capacitor (C) está carregando. A figura 19 ilustra o conversor *Boost* quando a chave está desligada:

Figura 19: Conversor Boost com a chave desligada.



Fonte: (KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011).

### 8.3.2 Modelagem matemática do conversor *Boost*

Visto que o conversor *Boost* possui dois estágios, é possível afirmar que ele possui equações de estados distintas para cada estágio(KUMAR; JEEVANANTHAN, 2011).

As matrizes de estado da equação 8.2 descrevem o conversor *Boost* da figura 18, quando a chave está ligada:

$$\begin{bmatrix} \frac{\mathrm{d}i_{L}(t)}{\mathrm{d}t} \\ \frac{\mathrm{d}V_{c}(t)}{\mathrm{d}t} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{L} & 0 \\ 0 & \frac{-1}{(R+r_{c})C} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{L}(t) \\ V_{c}(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L} \\ 0 \end{bmatrix} u(t)$$

$$Vo(t) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{L}(t) \\ V_{c}(t) \end{bmatrix}$$
(8.2)

As matrizes da equação 8.3 descrevem o conversor *Boost* da figura 17, quando a chave está desligada:

$$\begin{bmatrix} \frac{di_L(t)}{dt} \\ \frac{dV_c(t)}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{-r_c}{L} - \frac{r_c}{L(1 + \frac{r_c}{R})} & \frac{-1}{(1 + \frac{r_c}{R})} \\ \frac{\left(1 - \frac{r_c}{R(1 + \frac{r_c}{R})}\right)}{C} & \frac{-1}{CR(1 + \frac{r_c}{R})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_L(t) \\ V_c(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L} \\ 0 \end{bmatrix} u(t)$$

$$V_o(t) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_L(t) \\ V_c(t) \end{bmatrix}$$
(8.3)

# 8.4 Circuito Ponte H

O circuito ponte H é um circuito simples de chaveamento que é utilizado para reverter a polaridade de uma fonte CC (REDDY et al., 2015). O circuito Ponte H é amplamente utilizado nos inversores porque com ele é possível transformar a fonte CC em CA (REDDY et al., 2015). A figura 20 ilustra um circuito inversor com ponte H:

Figura 20: Circuito Ponte H.



Fonte: (REDDY et al., 2015)

As chaves da ponte H trabalham em pares, as chaves S1 e S2 conduzem a corrente elétrica em um sentido, enquanto que as chaves S3 e S4 em outro sentido (REDDY et al., 2015).

# 8.5 Filtro RC passa-baixas

Os filtros passa-baixas são amplamente utilizados em circuitos embarcados em preprocessamento de grandezas analógicas (SEOK et al., 2013). A forma mais simples de implementar um um filtro passa-baixas em circuitos elétricos é usando o filtro passivo RC passa-baixas (SEOK et al., 2013). A figura 21 ilustra o filtro RC passa-baixas conectado à um amplificador:

Figura 21: Circuito filtro RC passa-baixas com amplificador.



Fonte: (SEOK et al., 2013).,

A partir do circuito RC passa-baixas é possível encontrar a equação de transferência no domínio da frequência. A equação 8.4 descreve a função de transferência do circuito RC passa-baixas:

$$\frac{v_0(s)}{v_{in}(s)} = \frac{\frac{1}{R_1 C_1}}{s + \frac{1}{R_1 C_1}}$$
(8.4)

Também, a partir da equação 8.4 é possível encontrar a equação da frequência de corte. A equação 8.5 descreve o valor da frequência de corte:

$$f_c = \frac{1}{2\pi R_1 C_1}$$
(8.5)

## 8.6 Phase-Locked-Loop

Os conversores e inversores de fontes de energia renovável necessitam de técnicas avançadas de controle para sincronizar a saída com a rede elétrica e garantir a estabilidade (ALI et al., 2018).

O *Phase-Locked-Loop* é um bloco de controle usado para monitorar as distorções do ângulo de fase do sinal originado da rede elétrica, prevenindo a referência de enviar um sinal fora da frequência estipulada pela rede e assim garantindo sintonia com a rede elétrica (NICASTRI; NAGLIERO, 2010). A topologia básica de um *Phase-Locked-Loop* consiste de um detector de fase, um filtro e um *Voltage Controller Oscillator* (NICASTRI; NAGLIERO, 2010). A figura 22 ilustra o diagrama de blocos básica de um *Phase-Locked-Loop*:

Figura 22: Função de transferência do Phase-Locked-Loop.



Fonte: (NICASTRI; NAGLIERO, 2010).

Uma forma de melhorar a sintonia da rede pelo PLL é utilizar um controlador PI como filtro, porque o controlador PI vai tender ao erro estacionário nulo (ALI et al., 2018). A figura 23 mostra o diagrama de blocos com o controlador PI como filtro:

Figura 23: Função de transferência do Phase-Locked-Loop com controlador PI.



Fonte: (ALI et al., 2018).

## 8.7 Controle Proporcional Integral Derivativo

O Controlador Proporcional Integral e Derivativo (PID) é o controlador que busca minimizar o erro estacionário aumentando os ganhos de um sistema de malha fechada. O controlador PID é o mais utilizado em processos industriais devido a sua robustez e facilidade de implementação (BRETZ et al., 2018).

O controle proporcional é a ação de controle proporcional ao erro que busca garantir a melhor resposta no tempo da malha fechada. A equação 8.6 é a função de transferência de um controlar proporcional:

$$U(s) = K_p E(s) \tag{8.6}$$

O controle integral é proporcional à integral do sinal do erro garantindo que o controlador não desvie do valor de referencia desejado (BRETZ et al., 2018). A equação 8.7 é a função de transferência um controlador Proporcional-Integral:

$$\frac{U(s)}{E(s)} = K_p \left( 1 + \frac{1}{sT_i} \right)$$
(8.7)

Onde  $T_i$  é a constante de ação de controle integral (BRETZ et al., 2018).

A ação do controle derivativo permite o aumento do ganho e reduz as oscilações em uma velocidade de resposta superior aos controles Proporcional e Proporcional-Integral (BRETZ et al., 2018). A equação 8.8 é a equação completa do controlador PID:

$$\frac{U(s)}{E(s)} = K_p \left( 1 + \frac{1}{sT_i} + sT_d \right)$$
(8.8)

## 8.8 Controle Proporcional Ressonante

#### 8.8.1 Necessidade do Controle Proporcional Ressonante

Geralmente, o controlador PID é amplamente usado por causa da sua simplicidade em sintonizar os ganhos e é facilmente implementável (KHALFALLA et al., 2017). Entretanto, o controlador PID possui sérias dificuldades em acompanhar as variações do sinal de referência e baixa capacidade de rejeitar distúrbios da malha de controle quando possui um sinal senoidal de referência (KHALFALLA et al., 2017).

Estes problemas podem ser corrigidos usando um controlador Proporcional Ressonante(PR) na malha de controle (KHALFALLA et al., 2017). O controlador PR consegue seguir a referência senoidal e rejeitar o distúrbio do sistema em altas frequências (KHALFALLA et al., 2017).

O princípio de funcionamento do controlador PR está em produzir um ganho infinito na frequência fundamental e assim diminuir o valor do erro estacionário (KHAL-FALLA et al., 2017).

### 8.8.2 Topologia do Controlador Proporcional Ressonante

O controlador PR ideal pode ser matematicamente encontrado transformando controlador PI em um *frame* síncrono ideal e adicionar o ganho infinito na frequência fundamental (CHA; VU; KIM, 2009). A equação 8.9 descreve a função de transferência do controlador PR ideal:

$$G(s) = K_p + \frac{2K_i s}{s^2 + \omega_r^2}$$
(8.9)

 $\omega_0$  é a frequência fundamental.

Todavia, o controlador PR ideal atua de forma à diminuir infinitamente o erro estacionário, o que se torna muito difícil de sintonizar (CHA; VU; KIM, 2009). Também, o ganho do controlador PR é muito pequeno para outras frequências diferentes da frequência  $\omega_0$  e não serve para eliminar a influência dos harmônicos (CHA; VU; KIM, 2009).

Para resolver esses problemas é utilizado um controlador PR não-ideal, que utiliza um filtro passa-baixas. A equação 8.10 descreve a função de transferência do controlador PR não-ideal:

$$G(s) = K_p + \frac{2K_i s}{s^2 + 2\omega_{cut} s + \omega_0^2}$$
(8.10)

 $\omega_{cut}$  é a frequência de corte do filtro passa-baixas.

A figura 24 descreve o diagrama de Bode para o controlador PR ideal(em verme-

lho) e o controlador PR não-ideal(em azul), onde  $\omega_0$  possui o valor de  $2\pi 60$  rad/s:



Figura 24: Diagrama de Bode do controlador PR ideal e não-ideal

Fonte: (ALI et al., 2018).

# 9 METODOLOGIA

## 9.1 Requisitos desejados

O microinversor é constituído de um sistema eletrônico que possui a função de receber da corrente contínua de um módulo fotovoltaico e gerar uma onda senoidal modificada semelhante à corrente da rede elétrica. O sistema eletrônico é composto por um módulo fotovoltaico, um circuito conversor *Boost*, um filtro RC passa-baixas e um circuito ponte H.

Para alcançar os objetivos propostos foi necessário estabelecer os requisitos essenciais do sistema do microinversor projetado, como:

- O módulo fotovoltaico deve atingir um valor de tesão mínima de 70 V para o funcionamento do microinversor;
- A corrente do filtro RC passa-baixas deve atingir o valor de 300 V em menos de 0,5 segundo;
- Erro da corrente de saída do microinversor deve ser menor que 2%;
- O fator de potência da corrente de saída do microinversor deve ser maior que 0,7;
- A eficiência do microinversor deve ser maior ou igual à 90%;
- Os componentes escolhidos para calcular o custo financeiro do microinversor devem ser facilmente encontrados no mercado e preferencialmente de baixo custo.

## 9.2 Módulo fotovoltaico

Para simular o módulo fotovoltaico foi utilizado o bloco *PV array* do ambiente *Simulink* do *software* MATLAB. O bloco *PV array* foi escolhido porque o modelo matemático é semelhante à figura 13.

Parâmetros do módulo Fotovoltaico X21-470-COM	
Potência Nominal( <i>P<sub>mpp</sub></i> )	470 W
Tensão de circuito $aberto(V_{oc})$	91,5 V
Tensão no Ponto de Máxima Potência $(V_{mpp})$	77,6 V
Coeficiente de temperatura	-0.1 %/C
Células por módulo	128
Valor da tensão da célula fotovoltaica no Ponto de Máxima Potência $(V_{cel})$	0.612 V
Corrente de curto-circuito $(I_{sc})$	6.45 A
Corrente no ponto de Máxima Potência( $I_{mpp}$ )	6.06 A
Coeficiente de temperatura na corrente de curto-circuito	4.5e-04 %/C
Eonte: (SUNPOWER, 2021)	

Tabela 4: Parâmetros do Módulo Fotovoltaico X21-470-COM.

Fonte: (SUNPOWER, 2021)

As figuras em 25 são referentes ao gráfico de corrente em função da tensão e potência em função da tensão geradas pelo bloco *PV array* no ponto de máxima potência considerando as irradiações de 300  $W/m^2$ , 500  $W/m^2$  e 1000  $W/m^2$  :



Figura 25: Gráficos do ponto de máxima potência do módulo X21-470-COM.

<sup>(</sup>b) Potência em função da tensão. Fonte: Autoria própria (2021).

### 9.2.1 Algoritmo Perturbe e Observe

O algoritmo perturbe e observe(P&O) é o mais utilizado para encontrar o ponto de máxima potência em um módulo fotovoltaico(VERMA et al., 2016). Ele se baseia em alterar o valor de tensão de saída do módulo fotovoltaico e observar se houve ou não aumento de potência(VERMA et al., 2016).

O algoritmo P&O utilizado foi escrito no *software MATLAB*, foi considerada a maior tensão de referência no valor de  $V_{mpp}$  e a menor tensão de referência no valor de 70V, o valor de  $\Delta V$  considerado é no valor de 0.001. O fluxograma e o *script* do algoritmo se encontram no Apêndice A.

## 9.3 Conversor *Boost*

A figura 26 mostra o circuito conversor *Boost* com o módulo fotovoltaico, construído no ambiente *Simulink* do *software MATLAB*:



Figura 26: Conversor Boost com o módulo fotovoltaico.

### 9.3.1 Valores dos componentes do conversor Boost

#### 9.3.1.1 Parâmetros iniciais

Antes de calcular o valor do indutor e capacitor, é necessário possuir os valores de Potência de entrada, tensão de saída, tensão de entrada, Frequência de chaveamento, variação da corrente no indutor e variação da tensão no capacitor.

O valor da potência de entrada foi considerado o valor da Potência do módulo fotovoltaico quando o módulo recebe a irradiância de 300  $W/m^2$ , o valor da potência

Fonte: Autoria própria (2021).

de entrada é de 238,9 W. O valor da tensão de entrada de 70 V foi escolhido pelo projetista.

A frequência de chaveamento foi escolhida pelo projetista. A variação da corrente no indutor é uma fração escolhida pelo projetista da corrente do indutor, a corrente do indutor é a razão da potência de entrada e da tensão de entrada. A variação da tensão do capacitor é uma fração escolhida pelo projetista da tensão do capacitor. A tensão de saída foi escolhida como sendo de valor maior que o valor eficaz da tensão da rede elétrica

A tabela 5 mostra os valores utilizados nos parâmetros iniciais utilizado na simulação:

Valores dos Parâmetros iniciais	
Potência de entrada (P)	238,9 W
Valor eficaz (RMS) da Tensão da rede elétrica $(V_g)$	127 V
Tensão de saída do conversor <i>Boost</i> ( $V_o$ )	300 V
Tensão de entrada $(V_{in})$	70 V
Frequência de chaveamento $(F_s)$	30K <i>H</i> <sub>Z</sub>
Corrente do indutor $(I_L)$	$I_L = \frac{P}{V_{in}}$
Variação da corrente do indutor ( $\Delta I_{L1}$ )	$0.1I_L$
Variação da tensão do capacitor ( $\Delta V_{C1}$ )	$0.01 V_{o}$
Fonto: Autoria própria (2021)	

Tabela 5: Valores dos parâmetros iniciais.

Fonte: Autoria própria (2021).

#### 9.3.1.2 Valores do indutor e do Capacitor

Antes de calcular o valor do indutor e do capacitor, é necessário calcular o ciclo de trabalho(D) do conversor *Boost*. O valor de D é um menos a razão de  $V_{in}$  com  $V_o$ :

$$D = 1 - \frac{V_s}{V_o} \tag{9.1}$$

Também é necessário calcular o valor da resistência(R) que não será utilizada neste projeto, todavia é necessário porque é uma variável da equação do cálculo do indutor e

do capacitor. O cálculo de R é a razão entre o quadrado da tensão de saída e a potência:

$$R = \frac{V_o^2}{P} \tag{9.2}$$

Para encontrar o valor da indutância $(L_1)$  do conversor *Boost* foi utilizada a equação 9.3:

$$L_1 = \frac{V_{in}D}{F_s\Delta I_{L1}} \tag{9.3}$$

Para encontrar o valor do capacitor( $C_1$ ) do conversor *Boost* foi utilizada a equação 9.4:

$$C_1 = \frac{V_o D}{R F_s \Delta V_{C1}} \tag{9.4}$$

Os cálculos de  $D, R, L_1, C_1$  no software MATLAB encontram-se no Apêndice B.

## 9.3.2 Funções de transferência do conversor Boost

Para facilitar a sintonização dos controladores do conversor *Boost*, é necessário considerar a modelagem matemática do módulo fotovoltaico uma fonte de corrente contínua com uma resistência em série( $R_{eq}$ ). A figura 27 ilustra o conversor *Boost* com a modelagem matemática do módulo fotovoltaico considerada:

Figura 27: Conversor *Boost* com a modelagem matemática do módulo fotovoltaico utilizada.



Fonte: Autoria própria (2021).

A primeira equação do modelo Boost da figura 27 é extraída a partir das somas

algébricas das correntes no nó. A equação é mostrada a seguir:

$$\frac{V_{eq} - v_{pv}(t)}{R_{eq}} = C_{pv} \frac{\mathrm{d}v_{pv}(t)}{\mathrm{d}t} + i_L(t)$$
(9.5)

A segunda equação do modelo *Boost* da figura 27 é extraída a partir da soma algébrica das tensões na malha. A equação é mostrada a seguir:

$$V_{pv} - L_1 \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} - i_L(t)r_{L1} - V_{C1}\left[1 - d(t)\right] = 0$$
(9.6)

Onde d(t) é o ciclo de trabalho do processo de chaveamento do IGBT( $Q_1$ ).

Uma consideração para facilitar a sintonização dos controladores, é necessário considerar somente as variáveis de estado e anular as constantes. As equações 9.7 e 9.8 são, respectivamente, as equações 9.5 e 9.6 considerando somente as variáveis de pequenos sinais e anulando as constantes:

$$-\frac{v_{pv}(t)}{R_{eq}} = C_{pv} \frac{\mathrm{d}v_{pv}(t)}{\mathrm{d}t} + i_L(t)$$
(9.7)

$$-L_1 \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} - i_L(t)R_1 + V_{C1}d(t) = 0$$
(9.8)

O próximo passo é aplicar a transformada de Laplace nas equações 9.7 e 9.8. As equações 9.9 e 9.10 são, respectivamente, as transformadas de Laplace das equações 9.7 e 9.8:

$$\frac{-1}{R_{eq}}V_{pv}(s) = sC_{pv}V_{pv}(s) + I_L(s)$$
(9.9)

$$-sL_1I_L(s) - r_{L1}I_L(s) + V_{C1}d(s) = 0$$
(9.10)

Por fim, é preciso encontrar as funções de transferência da tensão  $V_{pv}$  em função de  $I_L$  e  $I_L$  em função de *d* isolando essas variáveis. As equações 9.11 e 9.12 são, respectivamente, a função de transferência da tensão  $V_{pv}$  em função de  $I_L$  e  $I_L$  em

função de d:

$$G_{vi}(s) = \frac{V_{pv}(s)}{I_L(s)} = -\frac{1}{C_{pv}s + \frac{1}{R_{eq}}}$$
(9.11)

$$G_{id}(s) = \frac{I_L(s)}{d(s)} = \frac{V_{C1}}{L_1 s + r_{L1}}$$
(9.12)

## 9.3.3 Design da malha do conversor Boost

Para garantir que o conversor *Boost* entregue a tensão desejada é necessário utilizar uma malha de controle. Para facilitar o design do controlador, foi escolhido utilizar a malha de controle em cascata, onde o controle da corrente do módulo fotovoltaico pelo ciclo de trabalho é a malha interna, e o controle da tensão em função da corrente é a malha externa. A figura 28 ilustra a malha de controle em cascata:





Fonte: Autoria própria (2021).

# 9.3.4 Sintonização dos controladores

#### 9.3.4.1 Malha interna

O controlador para a malha interna é um controlador PI. A equação a seguir descreve a função de transferência em malha aberta da malha interna onde a equação 9.12 é a planta:

$$FTMA = \left(k_{pi} + \frac{k_{ii}}{s}\right) \left(\frac{V_{C1}}{L_1 s + r_{L1}}\right) = \frac{k_{pi}}{s} \left(s + \frac{k_{ii}}{k_{pi}}\right) \left(\frac{V_{C1}}{L_1 \left(s + \frac{r_{L1}}{L_1}\right)}\right)$$
(9.13)

A sintonização do controlador foi feita de forma que o zero do controlador e o polo da planta na equação 9.13 estejam no mesmo lugar, então é possível validar a seguinte

igualdade:

$$\frac{k_{ii}}{k_{pi}} = \frac{r_{L1}}{L_1}$$
(9.14)

Também podemos simplificar a equação 9.13 considerando a igualdade da equação 9.14:

$$FTMA = \frac{V_{C1}k_{pi}}{L_1s} \tag{9.15}$$

Com a simplificação da equação 9.15 é possível encontrar a função de transferência em malha fechada:

$$FTMF = \frac{\frac{V_{C1}k_{pi}}{L_{1s}}}{1 + \frac{V_{C1}k_{pi}}{L_{1s}}} = \frac{1}{\frac{L_{1}}{V_{C1}k_{pi}}s + 1}$$
(9.16)

Com a equação 9.16 nós podemos encontrar a equação que descreve a frequência de corte:

$$\omega_{ci} = \frac{V_{C1}k_{pi}}{L_1} \tag{9.17}$$

Para sintonização do controlador, foi considerado que a frequência de corte é dez vezes menor que a frequência de chaveamento ( $F_s$ ), então podemos encontrar a equação do ganho proporcional ( $k_{pi}$ ):

$$k_{pi} = \frac{\pi F_s L_1}{5V_{C1}} \tag{9.18}$$

Também é possível encontrar a equação do ganho integral  $(k_{ii})$  considerando a igualdade da equação 9.14 na equação 9.17:

$$k_{ii} = \frac{\pi F_s r_{L1}}{5V_{C1}} \tag{9.19}$$

Os cálculos de  $k_{pi}$  e  $k_{ii}$  no software MATLAB encontram-se no Apêndice B.

#### 9.3.4.2 Malha externa

O controlador da malha externa também é um controlador PI. A equação a seguir descreve a função de transferência em malha aberta da malha externa, onde a equação 9.12 é a planta:

$$FTMA = \left(k_{pv} + \frac{k_{iv}}{s}\right) \left(\frac{1}{C_{pv} + \frac{1}{R_{eq}}}\right) = \frac{k_{pv}}{s} \left(s + \frac{k_{iv}}{k_{pv}}\right) \left(\frac{1}{C_{pv}\left(s + \frac{1}{C_{pv}R_{eq}}\right)}\right)$$
(9.20)

A sintonização da malha externa também foi feita de forma que o zero e o polo da equação 9.20 estejam no mesmo lugar, então é possível validar a seguinte igualdade:

$$\frac{k_{iv}}{k_{pv}} = \frac{1}{C_{pv}R_{eq}} \tag{9.21}$$

Também podemos simplificar a equação 9.20 considerando a igualdade da equação 9.21:

$$FTMA = -\frac{k_{pv}}{C_{pv}s}$$
(9.22)

Com a equação 9.21 é possível encontrar a função de transferência em malha fechada:

$$FTMF = \frac{-\frac{k_{pv}}{C_{pv}s}}{1 - \frac{k_{pv}}{C_{pv}s}} = \frac{1}{-\frac{C_{pv}}{k_{pv}}s + 1}$$
(9.23)

Com a equação 9.23 nós podemos encontrar a equação que descreve a frequência de corte:

$$\omega_{cv} = -\frac{k_{pv}}{C_{pv}} \tag{9.24}$$

Para a sintonização do controlador, foi considerado que a frequência de corte é cem vezes menor que a frequência de chaveamento  $(F_s)$ , então podemos encontrar a

equação do ganho proporcional  $(k_{pv})$ :

$$k_{pv} = -\frac{\pi F_s C_{pv}}{50}$$
(9.25)

Também é possível encontrar a equação do ganho integral  $(k_{iv})$  considerando a igualdade na equação 9.21 na equação 9.25:

$$k_{iv} = \frac{\pi F_s}{50R_{eq}} \tag{9.26}$$

Os cálculos de  $k_{pv}$  e  $k_{iv}$  no software MATLAB encontram-se no Apêndice B.

# 9.4 Filtro Passa-Baixas na saída do conversor Boost

Para diminuir as oscilações na saída do conversor *Boost*, foi colocado um filtro RC passa-baixas. A capacitância do filtro ( $C_2$ ) foi calculada utilizando a equação 8.5 considerando o valor da resistência ( $R_1$ ) igual a um e o valor da frequência de corte ( $F_c$ ) no valor de 200  $H_Z$ :

$$C_2 = \frac{1}{2\pi R_1 F_c}$$
(9.27)

A figura 29 mostra o circuito do filtro RC passa-baixas no ambiente Simulink:

Figura 29: Circuito RC passa-baixas no ambiente Simulink.



Fonte: Autoria própria (2021).

O cálculo de  $C_2$  no *software MATLAB* encontra-se no Apêndice B.

# 9.5 Circuito Ponte H conectado à rede elétrica

O Circuito Ponte H é o bloco do *Simulink* chamado *Full-Bridge MMC*. A Figura 30 mostra o bloco no *Simulink*:

Figura 30: Bloco do circuito Ponte H no Simulink



Fonte: Autoria própria (2021).

O bloco utiliza de IGBTs para chaveamento. A figura 31 mostra a configuração dos IGBTs utilizados no bloco ponte H:

Block Parameters: Ponte H X
Full-Bridge MMC (External DC Links) (mask) (link)
Implements a full-bridge modular multilevel converter with external DC links. The converter consists of multiple series- connected power modules. Each power module consist of one H- Bridge with external DC outputs.
Parameters
Model type: Switching devices -
Number of power modules: 1
Device on-state resistance (Ohms) 1e-3
Subber resistance (Ohms) 1e6
Snubber capacitance (F) inf
OK Cancel Help Apply

Fonte: Autoria própria (2021).

Conectado à saída da ponte H e à rede elétrica, tem-se um indutor para filtragem da corrente e também uma chave que só fecha quando o circuito do inversor atinge

determinadas condições que serão explicados na seção 9.5.1. A figura 32 mostra o circuito Ponte H:



Figura 32: Bloco Phase-Locked-Loop do Simulink.

Fonte: Autoria própria (2021).

## 9.5.1 Condição de funcionamento da Ponte H

Para diminuir o erro na saída do microinversor, foi necessário criar duas condições lógicas para permitir o funcionamento da ponte H. A primeira é que o valor eficaz da tensão do filtro RC passa-baixas deve ser maior ou igual a tensão de saída ( $V_o$ ) e o tempo de simulação deve ser maior ou igual a 0,5 segundos. A figura 33 mostra o algoritmo da condição de funcionamento da ponte H no *Simulink*:

Figura 33: Condição lógica para o funcionamento da ponte H no Simulink.



Fonte: Autoria própria (2021).

As figuras em 34 são o sinal da corrente de saída do microinversor com e sem a condição de funcionamento da ponte H, com a irradiância de 500  $W/m^2$ :



Figura 34: Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor.



(b) Sinal da corrente com a condição de funcionamento. Fonte: Autoria própria (2021).

## 9.5.2 Projeto da malha de controle da ponte H

A malha de controle recebe o sinal da tensão da rede elétrica e divide pelo valor de pico para que o sinal de referência seja uma senoide com o valor de pico igual a 1, em seguida o sinal passa, respectivamente, pelo *Phase-Locked-Loop* e por um bloco Seno. O sinal de realimentação é o sinal da corrente de saída do microinversor dividido pelo valor da corrente desejada. O sinal de erro é gerado a partir da subtração entre o sinal de referência e o sinal de realimentação. O sinal de erro entra no controlador PR e a saída do controlador PR é o sinal para um gerador de sinal PWM que irá para a ponte H. A figura 35 mostra a malha de controle da ponte H:

Figura 35: Malha de controle da ponte H no Simulink.



Fonte: Autoria própria (2021).

O *Phase-Locked-Loop* utilizado na figura 35 também é um bloco do *Simulink*. O bloco do *Simulink* possui a função de transferência da figura 24. Para a sintonização do controlador PID foram as utilizadas os ganhos da pesquisa do (BUSARELLO; PO-MILIO; SIMOES, 2018). A tabela 6 mostra os ganhos do controlador PID do *Phase-Locked-Loop*:

Ganhos do controlador PID do Phase-Locked-Loop	
Ganho Proporcional (K <sub>PPLL</sub> )	50
Ganho Integral (K <sub>IPLL</sub> )	450
Ganho Derivativo( <i>K</i> <sub>DPLL</sub> )	0
Fonte: Autoria própria (2021).	

Tabela 6: Ganhos do controlador PID do Phase-Locked-Loop

# 9.6 Sintonização do controlador Proporcional Ressonante

Os cálculos para as sintonização do controlador PR foram os valores das variáveis da tabela 7:

Valores considerados na sintonização do controlador PR	
Frequência de amostragem $(F_s)$	$F_a = F_s$
Período de amostragem $(T_a)$	$T_a = \frac{1}{F_a}$
Tensão de entrada na ponte H $(V_{DC})$	$V_{DC} = V_o$
Valor de pico da tensão de rede $(V_p)$	$V_g = 127 \sqrt{2}$
Frequência da rede elétrica $(F_g)$	$60 H_Z$
Frequência angular da rede elétrica $(\omega_g)$	$\omega_g = 2\pi F_g$
Ganho da corrente de referência $(H_v(s))$	$H_{\nu}(s) = \frac{1}{127\sqrt{2}}$
Frequência angular de ressonância $(\omega_r)$	$\omega_r = \omega_g$
Coeficiente de amortecimento( $\zeta$ )	0,95

Tabela 7: Ganhos do controlador PID do Phase-Locked-Loop

Fonte: Autoria própria (2021).

## 9.6.1 Valores dos ganhos proporcional e integral pelo método polinomial de Nastin

O método polinomial de Nastin consiste em simplificar a função de transferência em malha aberta com o numerador de grau 0 e o denominador de grau n(BACHA; MUNTEANU; BRATCU, 2014), como mostra a equação 9.28:

$$H_0(s) = \frac{a'_0}{a_0 + a_1 s + \dots + a_n s^n}$$
(9.28)

Para calcular os coeficientes  $a_0, a_1, \dots, a_n$ , primeiramente, é necessário calcular os coeficientes de proporções características(BACHA; MUNTEANU; BRATCU, 2014). A equação 9.33 descreve o cálculo dos coeficientes de proporções características:

$$\alpha_n = \frac{\alpha_n^2}{\alpha_{n-1}\alpha_{n+1}} \tag{9.29}$$

Em seguida, é necessário calcular os coeficientes de pulsações características. A equação 9.30 descreve o cálculo dos coeficientes das frequências de pulsação:

$$w_n = \frac{a_n}{a_{n+1}} \tag{9.30}$$

Com as equações 9.33 e 9.30 é possível encontrar a equação 9.31 que calcula os coeficientes de proporções características em função dos coeficientes das frequências de pulsação:

$$\alpha_n = \frac{w_n}{w_{n-1}} \tag{9.31}$$

Isolando o coeficiente da frequência de pulsação da equação 9.31, podemos encontrar o coeficiente da frequência de pulsação em função do coeficiente de proporções características:

$$w_n = \alpha^n w_0 \tag{9.32}$$

Por fim, utilizando a equação 9.30 na equação 9.32 é possível calcular os coeficientes  $a_0, a_1, \dots, a_n$  da equação 9.28. A equação 9.33 calcula o valor do coeficiente  $a_n$ :

$$a_n = \frac{a_0}{\alpha^{n-1} w_0^n}$$
(9.33)

O polinômio de Nastin é o polinômio característico da função de transferência em

$$P_N(s) = a_0 \left( 1 + \sum_{n=1}^N \frac{s^n}{\alpha^{\frac{n(n-1)}{2}} w_0^n} \right)$$
(9.34)

Para utilizar o polinômio de Nastin é necessário encontrar o polinômio característico da função de transferência da Ponte H. Para encontrar função de transferência em malha fechada da ponte H é necessário encontrar a função de transferência do controlador PR e a função de transferência da planta.

A função de transferência de transferência da planta é deduzida a partir da indutância  $L_2$  e da resistência  $r_{L2}$ . A equação 9.35 é a função de transferência da planta:

$$\frac{I(s)}{V_{DC}(s)} = \frac{\frac{r_{L2}}{L_2}}{s + \frac{r_{L2}}{L_2}}$$
(9.35)

A equação a 9.36 é a função de transferência do controlador PR considerada:

$$C_{PR}(s) = K_P + \frac{2K_I s}{s^2 + \omega_0^2}$$
(9.36)

A figura 36 descreve a função de transferência em malha fechada da ponte H com o controlador PR:

Figura 36: Malha de controle da ponte H com o controlador PR.



Fonte: Autoria própria (2021).

Onde  $H_I(s)$  é a realimentação da planta.

A partir disso, é possível encontrar a equação do polinômio característico da fun-

ção de transferência em malha fechada:

$$P(s) = s^{3} + \frac{r_{L2} + K_{p}v_{DC}}{L}s^{2} + \left(\omega_{0}^{2} + \frac{2K_{I}v_{DC}}{L}\right)s + \frac{\omega_{0}^{2}}{L}\left(K_{P}v_{DC} + r_{L2}\right)$$
(9.37)

Onde  $v_{DC} = H_i(s)r_{L2}$ .

Agora que já se conhece o polinômio característico, é possível encontrar o polinômio característico de Nastin. O polinômio característico de Nastin é calculado a partir da equação 9.34 considerando N = 3. A equação 9.38 é o polinômio característico de Nastin:

$$P_N(s) = a_0 \left( 1 + \frac{s}{w_0} + \frac{s^2}{\alpha w_0^2} + \frac{s^3}{\alpha^3 w_0^3} \right)$$
(9.38)

Igualando a equação 9.37 com a equação 9.38 podemos obter as seguintes igualdades:

$$\begin{cases}
 a_0 = \alpha^3 w_0^3 \\
 \alpha^3 w_0^2 = \omega_0^2 + \frac{2K_{I} v_{DC}}{L_2} \\
 \alpha^2 w_0 = \frac{1}{L_2} \left( K_P v_{DC} + r_{L2} \right) \\
 w_0 = \frac{\omega_0}{\sqrt{\alpha}}
 \end{cases}$$
(9.39)

O valor de  $\alpha$  está relacionado ao coeficiente de amortecimento ( $\zeta$ ) dos polos complexos conjugados da equação 9.37:

$$\alpha = 2\zeta + 1 \tag{9.40}$$

Finalmente, considerando as equações em 9.39 podemos encontrar as equações para o valor do ganho proporcional( $K_{PPR}$ ) e do ganho integral( $K_{IPR}$ ) do controlador PR:

$$K_{PPR} = \frac{\alpha \sqrt{\alpha}\omega_0 L_2 - r_{L2}}{v_{DC}}, \quad K_{IPR} = \frac{\omega_0^2 L_2(\alpha^2 - 1)}{2v_{DC}}$$
(9.41)

Os cálculos de K<sub>PPR</sub> e K<sub>IPR</sub> no software MATLAB encontra-se no Apêndice B.

### 9.6.2 Sintonização do filtro ressonante

O filtro ressonante foi sintonizado da forma de filtro ressonante não-ideal. A equação 9.42 é a malha de controle do filtro ressonante:

$$H_r(s) = \frac{B_r s}{s^2 + B_r s + \omega_0^2}$$
(9.42)

 $B_r$  é 2% de  $\omega_0$ .

Por fim, foi feito a discretização da função de transferência do filtro ressonante. A discretização foi feita utilizando a função c2d do *software MATLAB* considerando o tempo de amostragem igual a  $T_a$ .

O cálculo de  $B_r$ ,  $H_r(s)$  e a discretização de  $H_r(s)$  no *software MATLAB* encontramse no Apêndice B.

#### 9.6.2.1 Filtro ressonante no domínio w

Para verificar numericamente a precisão do design do controlador PR e a sua resposta em frequência, foi utilizada o fictício plano *w*. O domínio *w* é um artifício que permite analisar o sistema sistemas do domínio discreto através dos dos diagramas de Bode semelhante aos gráficos do domínio contínuo (BUSARELLO; POMILIO; SI-MOES, 2018). A equação 9.43 descreve a transformação do plano discreto para o plano contínuo com o plano W:

$$z = \frac{1 + \left(\frac{T_a}{2}\right)w}{1 - \left(\frac{T_a}{2}\right)w}$$
(9.43)

Em seguida, é necessário considerar a função de transferência discreta do filtro ressonante. A equação 9.44 é função de transferência do filtro ressonante na forma discreta:

$$H_r(z) = \frac{n_0 + n_1 z^{-1} + n_2 z^{-2}}{d_0 + d_1 z^{-1} + d_2 z^{-2}}$$
(9.44)

Os valores de  $n_0, n_1, n_2, d_0, d_1$  e  $d_2$  são encontrados considerando a transformada

 $\mathbb{Z}$ . As equações em 9.45 descrevem como calcular o valor das variáveis:

$$\begin{cases} n_0 = B_r T_a \\ n_1 = \left[ -B_r e^{-0.5B_r T_a} \cos(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0, 25B_r^2}) - C \right] \\ n_2 = 0 \\ d_0 = 1 \\ d_1 = -2e^{-0.5B_r T_a} \cos(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0, 25B_r^2}) \\ d_2 = e^{-B_r T_a} \end{cases}$$
(9.45)

Onde *C* é calculado pela equação 9.46:

$$C = \frac{0.5B_r^2}{\sqrt{\omega_0^2 - 0.25B_r^2}} e^{-0.5B_r T_a} \sin\left(T_a \sqrt{\omega_0^2 - 0.25B_r^2}\right)$$
(9.46)

O cálculo de C, das equações em 9.45 e de  $H_r(z)$  no *software MATLAB* encontramse no Apêndice B.

# 9.7 Extração da potência de saída e extração da eficiência do microinversor

A extração foi feita a partir de três valores de irradiância no módulo fotovoltaico:  $300W/m^2$ ,  $500W/m^2$  e  $1000W/m^2$ . Também foi utilizado três valores diferentes para  $H_i(s)$  em cada valor de irradiação: os inversos de 1, 1.8 e 2.5. Dessa forma é possível encontrar os valores da potência de saída do microinversor para diferentes valores de irradiação. Os valores de irradiância e da realimentação foram valores escolhidos pelo projetista para extrair a melhor potência do módulo fotovoltaico e a melhor potência da corrente de saída do microinversor.

### 9.7.1 Extração da potência máxima de saída

A extração do valor da potência máxima de saída do microinversor é o produto do valor eficaz da corrente de saída do inversor e do valor eficaz da tensão de rede. A figura a seguir ilustra o processo de extração do valor da potência máxima de saída no ambiente *Simulink*:



Figura 37: Extração da potência máxima de saída no Simulink.

Fonte: Autoria própria (2021).

### 9.7.2 Extração do valor da eficiência do microinversor

A eficiência do microinversor em qualquer momento é a razão entre a potência do módulo fotovoltaico e a potência máxima de saída. O cálculo da eficiência só é feito a partir do momento em que a condição de funcionamento da ponte H, explicado na seção 9.5.1, é verdadeira. Antes de ser calculada, é colocado um bloco *Rate Transition* para extrair um valor a cada período de tempo  $T_a$ . Por fim, a eficiência foi extraída com o bloco *Moving Average* que calcula o valor da média móvel, onde a quantidade de valores do vetor média móvel é igual a 30000. A figura a seguir mostra o processo de extração da eficiência no ambiente *Simulink* do *software MATLAB*:



Figura 38: Extração da eficiência média no Simulink.

Fonte: Autoria própria (2021).

O circuito completo do microinversor com as funções de transferência e os resultados encontram-se no Apêndice C.

## 9.8 Cálculo do custo financeiro do microinversor

O custo aproximado Financeiro do microinversor é a soma do preço dos componentes eletrônicos do conversor *Boost*, da ponte H e do filtro, dos sensores que correspondem às características de amostragem, do controlador, multiplicado por 5 para considerar o lucro de 100% sobre o custo dos componentes, O imposto sobre Produtos Industrializados(IPI), o imposto de valor agregado(IVA), o custo de produção e os custos relacionados à logística.

Para receber os sinais gerados pelos sensores e realizar o chaveamento dos MOS-FETs e da Ponte H foi escolhido a placa *Arduino Leonardo R3* porque ela é de fácil instalação e também é compatível com o *software MATLAB* facilitando a programação das malhas de controle.





Fonte: (USINAINFO, 2021b)

O sensor de corrente escolhido foi o modelo ACS712 porque ele pode medir a corrente alternada e contínua, também ele é compatível com a placa *Arduino Leonardo R3*. A figura a seguir ilustra o sensor ACS712:

Figura 40: Sensor de corrente modelo ACS712.



Fonte: (USINAINFO, 2021c).

O sensor de tensão escolhido foi o modelo ZMPT101B porque ele também pode medir a corrente alternada e contínua e também é compatível com a placa *Arduino Leonardo R3*. A figura a seguir ilustra o sensor ZMPT101B:

Figura 41: Sensor de tensão modelo ZMPT101B.



Fonte: (USINAINFO, 2021d).

Os MOSFETs utilizados serão os do modelo PWM D4184 porque ele é compatível com a placa *Arduino Leonardo R3*. A figura a seguir ilustra o MOSFET PWM D4184:

Figura 42: MOSFET modelo PWM D4184.



Fonte: (USINAINFO, 2021a).

# **10 RESULTADOS E DISCUSSÕES**

# 10.1 Valores dos componentes eletrônicos do microinversor

Os valores dos componentes eletrônicos do microinversor calculados são mostrados na tabela 8:

Tabela 8: Valores dos componentes eletrônicos do microinversor.

Valores calculados dos componentes eletrônicos do microinversor	
Ciclo de trabalho do conversor <i>Boost</i> ( <i>D</i> )	0,76
Resistência do conversor <i>Boost</i> ( <i>R</i> )	376,72 Ω
Indutor do conversor $Boost(L_1)$	5,24 <i>mH</i>
Capacitor do conversor $Boost(C_1)$	$6,78  \mu F$
Capacitor do filtro RC passa-baixas( $C_2$ )	795,77 $\mu F$
Indutância da ponte $H(L_2)$	93,97 mH
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	

Fonte: Autoria própria (2021).

Os valores dos componentes eletrônicos são valores que podem ser facilmente encontrados nas principais lojas de componentes eletrônicos, facilitando a aquisição dos componentes eletrônicos.

## **10.2** Controladores do conversor *Boost*

### 10.2.1 Valores dos ganhos dos controladores do conversor Boost

Os valores aproximados dos ganhos do controladores PI do conversor *Boost* são mostrados na tabela 9:

Valores dos ganhos dos controladores do conversor E	Boost.
Ganho Proporcional da malha de controle interna $(K_{pi})$	0.3293
Ganho Integral da malha de controle interna $(K_{ii})$	6.2831
Ganho Proporcional da malha de controle externa $(K_{pv})$	-1.8849
Ganho Integral da malha de controle externa $(K_{iv})$	-0.9190
Fonte: Autoria própria (2021).	

Tabela 9: Valores dos ganhos dos controladores do conversor Boost.

## 10.2.2 Tensão da saída do conversor Boost

\_

A figura a seguir é o sinal da tensão de saída do filtro RC Passa-baixas:







A tensão de saída real e eficaz atinge o valor desejado em menos de 0.5 segundo, o que é um intervalo de tempo satisfatório para o funcionamento do microinversor.

# 10.3 Ganhos do controlador PR e do filtro ressonante

### **10.3.1** Controlador PR e filtro ressonante na forma contínua

A tabela 10 mostra os valores aproximados dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro ressonante:

Tabela 10: Valores dos ganhos do controlador PR e das constantes do filtro ressonante.

Valores dos ganhos do controlador PR e do filtro ressonante.	
Ganho Proporcional do controlador $PR(K_{PPR})$	0,5815
Ganho Integral do controlador $PR(K_{IPR})$	164,94
Frequência angular de ressonância( $\omega_r$ )	376,99 rad/s
Frequência angular do filtro ressonante $(B_r)$	7,53 rad/s
Fonte: Autoria própria (2021).	

## 10.3.2 Controlador PR e filtro ressonante no domínio W

Os valores dos coeficientes das equações em 9.45 para o filtro ressonante no plano W são mostrados na tabela 11:

Valores dos coeficientes do filtro ressonante no domínio W	
$n_0$	$2.513274122871835 * 10^{-4}$
$n_1$	$-2.513075701935613 * 10^{-4}$
$n_2$	0
$d_0$	1
$d_1$	-1.999590812417527
$d_2$	0.999748704167801
	Fonte: Autoria própria (2021).

Tabela 11: Valores das constantes do filtro ressonante no domínio W.

As figuras em 44 são os diagramas de bode do controlador PR e do filtro ressonante no domínio W:


#### Figura 44: Gráficos do sinal da corrente de saída do microinversor.

(a) Diagrama de Bode do Filtro Ressonante no do- (b) Diagrama de Bode do controlador PR no domímínio W. Fonte: Autoria própria (2021).

Na figura 44a a margem de fase sofre uma mudança de 180 graus e a magnitude atinge o valor máximo de 0 dB na frequência de  $60H_Z$ . Na figura 44b a margem de fase é zero para baixas e altas frequências e sofre uma mudança de 180 graus na frequência de  $60H_Z$ , também a magnitude atinge o valor máximo de 40 dB na frequência de  $60H_Z$ . Esses gráficos de Bode mostram que o controlador PR e o filtro ressonante atuam na frequência de ressonância.

#### 10.4 Sinais da malha de controle da ponte H

O sinal da referência, da realimentação e do erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de 300  $W/m^2$  são mostrados na figura 45:

Figura 45: Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de  $300 \text{ W/m}^2$ .



Fonte: Autoria própria (2021).

O sinal da referência, da realimentação e do erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de 500  $W/m^2$  são mostrados na figura 46:

Figura 46: Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de 500  $W/m^2$ .



Fonte: Autoria própria (2021).

O sinal da referência, da realimentação e do erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de 1000  $W/m^2$  são mostrados na figura 47:

Figura 47: Sinal da referência, realimentação e erro da malha de controle da ponte H para a irradiância de  $1000 W/m^2$ .



Fonte: Autoria própria (2021).

A tabela 12 resumi os valores da corrente de saída do microinversor, da potência de saída, da eficiência e do erro para diferentes valores de irradiância:

Tabela 12: Corrente de saída, Potência de saída e eficiência para diferentes valores de irradiância.

Corrente de saída, potência de saída e eficiência para diferentes valores de irradiância					
	Valores da irradiâncias $(W/m^2)$				
	300	500	1000		
Valor eficaz da Corrente de saída $(A)$	1	1,8	2,5		
Potência de saída (W)	126,3217	227,718	316,8232		
Eficiência (%)	87,9335	96,3274	75,0773		
Erro (%)	1,1106	1,332	1,1428		
Fator de potência	0,70333	0,70438	0,7056		

Fonte: Autoria própria (2021).

Comparando as simulações é possível afirmar que a melhor simulação foi a com irradiância de 500  $W/m^2$  porque foi o maior valor de eficiência registrado em relação às demais simulações. Dessa forma, podemos escolher o valor de irradiância recomendada para o microinversor em 500  $W/m^2$ , 300  $W/m^2$  é o valor da irradiância mínima e 1000  $W/m^2$  é o valor da irradiância máxima. Em todas as simulações o fator de potência foi alto, mostrando baixa a distorção harmônica da corrente do microinversor.

#### 10.5 Intervalo de Operação da tensão de entrada

O intervalo de operação da tensão de entrada é o intervalo de entre 70 V e 77.6 V que já foi estipulado no algoritmo P&O utilizado na seção 9.2.1. O algoritmo P&O no *software MATLAB* se encontra no apêndice A.

#### 10.6 Intervalo de operação da frequência da corrente de saída

O intervalo de operação da frequência foi definido nas especificações do bloco PLL. O valor mínimo de frequência é de 45  $H_Z$  e máxima de 60  $H_Z$ .

#### 10.7 Especificações técnicas do microinversor

As especificações técnicas do microinversor são mostradas na tabela 13:

Especificações técnicas do microinversor			
Valores de entrada			
Valor de irradiância recomendada	$500 W/m^2$		
Potência de entrada recomendada	238,9 W		
Valor máximo da tensão de entrada	77,6 V		
Intervalo de operação da tensão de entrada	70 V - 77,6 V		
Valores de saída			
Potência de saída recomendada	227,718 W		
Potência de saída no ponto de máxima potência	316,8232 W		
Potência de saída nominal	127 VA		
Intervalo de operação da frequência da corrente de saída	$45 H_Z - 60 H_Z$		
Fator de potência recomendada	0,70438		
Fator de potência no ponto de máxima potência	0,7056		
Eficiência do microinversor			
Valor de eficiência recomendada	96,3274 %		
Valor de eficiência no ponto de máxima potência	75,0773 %		
Fonte: Autoria própria (2021).			

Tabela 13: Especificações técnicas do microinversor.

#### 10.8 Custo de produção do microinversor

A tabela 14 descreve o cálculo do custo do microinversor em Dólares Americanos considerando o câmbio do dia 19 de Julho de 2021(UOL, 2021):

Custo do microinversor					
Descrição	Valor unitário	Quantidade	Sub-Total		
Placa Leonardo R3 Arduino + Cabo USB	\$ 13,09	1	\$ 13,09		
Sensor de corrente modelo ACS712	\$ 3,29	2	\$ 6,58		
Sensor de tensão modelo ZMPT101B	\$ 4,94	3	\$ 14,82		
Controlador PWM D4184	\$ 2,30	6	\$ 13,80		
Resistor	\$ 0,25	1	\$ 0,25		
Capacitor	\$ 0,81	3	\$ 2,43		
Indutor	\$ 1,00	2	\$ 2,00		
Placa de circuito Impresso	\$ 9,52	1	\$ 9,52		
Valor Total dos custos dos componentes			\$ 62,49		
Coeficiente multiplicador considerando os demais custos			5		
Custo total do microinversor			\$ 312,47		
Fonte: Autoria própria (2021).					

Tabela 14: Cálculo custo do microinversor.

# 10.8.1 Comparação com os demais microinversores existentes no mercado

A tabela 15 mostra o valor, em Dólares Americanos considerando o câmbio do dia 19 de Julho de 2021(UOL, 2021), do microinversor em comparação com os demais microinversores existentes no mercado:

Valor dos demais microinversores em comparação com o desenvolvido na pesquisa		
Descrição	Valor	
Microinversor desenvolvido na pesquisa	\$ 312,47	
MICRO INVERSOR   APSYSTEMS   YC1000	\$ 540,00	
MICRO INVERSOR   APSYSTEMS   YC600	\$ 364,35	
MICRO INVERSOR   APSYSTEMS   QS1 1200W	\$ 508,70	
MICRO INVERSOR   APSYSTEMS   QS1A 1500W	\$ 549,04	
MICRO INVERSOR   MI-1200   HOYMILES	\$ 382,61	
MICRO INVERSOR   MI-1500   HOYMILES	\$ 480,70	
Fonte: Autoria própria (2021)		

Tabela 15: Valor dos demais microinversores em comparação com o microinversor desenvolvido na pesquisa.

Fonte: Autoria própria (2021).

Os valores dos demais microinversores da tabela 15 são maiores que o valor do microinversor desenvolvido. Isso mostra que o microinversor desenvolvido pode ser uma alternativa viável para diminuir o payback de projetos fotovoltaicos com microinversores.

#### 11 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Nesta pesquisa, foi proposto o desenvolvimento via simulação um microinversor para reduzir o *payback* em comparação com os outros microinversores do mercado. Diante disso, foi proposta a possibilidade de desenvolver em ambiente simulado o microinversor com o circuito *Boost* e controlador Proporcional Ressonante. Além disso, foi feita a simulação em diferentes valores de irradiância para extrair os valores de realimentação, erro, fator de potência da corrente de saída do microinversor e da eficiência do microinversor.

Os valores dos componentes eletrônicos, da placa de controle, dos sensores para medição de tensão e corrente e da placa de circuito impresso são de fácil aquisição e de baixo valor. O valor de \$ 312,47 do microinversor foi o menor custo em relação aos demais microinversores existentes no mercado, mostrando ser uma alternativa viável para diminuir o *payback* em projetos fotovoltaicos com microinversores.

A malha de controle em cascata do circuito conversor *Boost* conseguiu elevar a tensão ao valor de  $V_o$  no intervalo de tempo em menos de 0,5 segundo, considerado um intervalo de tempo satisfatório.

Os erros registrados foram de 1,1106 %, 1,332 % e 1,1428%, e o fatores de potência da corrente de saída do microinversor registrados foram de 0,70333, 0,70438 e 0,7056. Os valores dos erros registrados são baixos, menores do que 2%, e os valores dos fatores de potência são altos, maiores que 0,7, mostrando a sintonização eficiente do controlador PR.

A eficiência de 96,3274 % foi registrada na irradiância de 500  $W/m^2$ , este foi o maior valor eficiência registrado, portanto foi considerada a irradiância de 500  $W/m^2$  é o valor de irradiância recomendada para o melhor funcionamento do microinversor.

Por fim, a pesquisa do microinversor com conversor *Boost* e controlador PR é um modelo válido para ser feita a implementação física e assim validar o modelo prático para que no futuro ele se torne um produto disponível no mercado.

#### **11.1 Trabalhos futuros**

Com o objetivo de dar continuidade à pesquisa, abordando aspectos não estudados no presente trabalho ou de melhorar as formulações apresentadas, faz-se a seguir algumas sugestões e considerações para trabalhos futuros:

- a) Simulação do microinversor de acordo com as tabelas de irradiância do anuário da CRESESB, para analisar e implementar o microinversor;
- b) Desenvolver uma forma de acompanhar o valor da corrente de saída em função da potência do módulo fotovoltaico;
- c) Pesquisar formas de sintonização dos controladores que sejam mais eficientes;
- d) Implementação física e prototipagem do microinversor.

### REFERÊNCIAS

ALI, Z. et al. Three-phase phase-locked loop synchronization algorithms for gridconnected renewable energy systems: A review. **Renewable and Sustainable Energy Reviews**, v. 90, p. 434–452, 2018. ISSN 1364-0321. Disponível em: <a href="https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032118301813">https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032118301813</a>>.

BACHA, S.; MUNTEANU, I.; BRATCU, A. I. **Power Electronic Converters Modeling and Control: with Case Studies**. 1. ed. [S.l.]: Springer-Verlag London, 2014. (Advanced Textbooks in Control and Signal Processing). ISBN 978-1-4471-5477-8,978-1-4471-5478-5.

BRETZ, A. R. L. et al. Inteligência computacional para otimização e controle de sistemas dinâmicos: Controladores pid. **Revista Científica Doctum Multidisciplinar**, v. 1, n. 1, 2018. Disponível em: <<u>http://revista.doctum.edu.br/index.php/multi/article/</u> view/182>.

BUSARELLO, T. D. C.; POMILIO, J. A.; SIMOES, M. G. Design procedure for a digital proportional-resonant current controller in a grid connected inverter. p. 1–8, Dec 2018. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/8636052">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/8636052</a>>.

CHA, H.; VU, T.-K.; KIM, J.-E. Design and control of proportional-resonant controller based photovoltaic power conditioning system. p. 2198–2205, Sep. 2009. ISSN 2329-3748. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5316374">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5316374</a>>.

COUTINHO, C. R. et al. Efeito do sombreamento em módulos fotovoltaicos. **Congresso Brasileiro de Energia Solar**, v. 6, 2016. Disponível em: <a href="https://www.abens.org.br/CBENS2016/anais/anais/trabalhos/2594Pfinal.pdf">https://www.abens.org.br/CBENS2016/anais/anais/trabalhos/2594Pfinal.pdf</a>>.

IBRAHIM, O. O. et al. Design and analysis of a digital controller for boost converter with renewable energy sources for domestic dc load. **Applied Mechanics and Materials**, Vol. 785, p. pp 141–145, 08 2015. Disponível em: <a href="https://www.scientific.net/AMM.785.141">https://www.scientific.net/AMM.785.141</a>.

KASA, N.; IIDA, T.; CHEN, L. Flyback inverter controlled by sensorless current mppt for photovoltaic power system. **IEEE Transactions on Industrial Electronics**, v. 52, n. 4, p. 1145–1152, Aug 2005. ISSN 1557-9948. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/1490705">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/1490705</a>>.

KHALFALLA, H. et al. An adaptive proportional resonant controller for single phase pv grid connected inverter based on band-pass filter technique. p. 436–441, April 2017. ISSN 2166-9546. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/7915211">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/7915211</a>>.

KUMAR, K. R.; JEEVANANTHAN, S. Design of a hybrid posicast control for a dc-dc boost converter operated in continuous conduction mode. p. 240–248, 2011. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/document/5760123">https://ieeexplore.ieee.org/document/5760123</a>>.

MACHADO, C. T.; MIRANDA, F. S. Energia solar fotovoltaica: uma breve revisão. **Revista virtual de química**, v. 7, n. 1, p. 126–143, 2015. Disponível em: <a href="http://rvq-sub.sbq.org.br/index.php/rvq/article/view/664">http://rvq-sub.sbq.org.br/index.php/rvq/article/view/664</a>>.

MAITY, S. et al. Performance analysis of fuzzy logic controlled dc-dc converters. p. 0165–0171, April 2019.

NICASTRI, A.; NAGLIERO, A. Comparison and evaluation of the pll techniques for the design of the grid-connected inverter systems. p. 3865–3870, July 2010. ISSN 2163-5145. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5637778">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5637778</a>>.

RASHID, M. H. **Eletrônica de potência: circuitos, dispositivos e aplicações**. [S.l.]: Makron Books, 2014. ISBN 85-346-0598-X.

REDDY, B. D. et al. Embedded control of n-level dc–dc–ac inverter. **IEEE Transactions on Power Electronics**, v. 30, n. 7, p. 3703–3711, 2015. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/6866184">https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/6866184</a>>.

SAMPAIO, P. G. V.; GONZÁLEZ, M. O. A. Photovoltaic solar energy: Conceptual framework. **Renewable and Sustainable Energy Reviews**, Elsevier, v. 74, p. 590–601, 2017. Disponível em: <a href="https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032117303076">https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032117303076</a>>.

SEOK, C. et al. Area-efficient rc low pass filter using t-networked resistors and capacitance multiplier. p. 1308–1311, 2013. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/">https://ieeexplore.ieee.org/</a> abstract/document/6704155>.

SILVA, L. R. d. J. R.; SHAYANI, R. A.; OLIVEIRA, M. A. G. de. Análise comparativa das fontes de energia solar fotovoltaica, hidrelétrica e termelétrica, com levantamento de custos ambientais. 2018. Disponível em: <a href="https://anaiscbens.emnuvens.com.br/cbens/article/view/527">https://anaiscbens.emnuvens. com.br/cbens/article/view/527</a>>.

SUNPOWER. SunPower® X-Series Commercial Solar Panels | X21-470-COM. 2021. Disponível em: <a href="https://us.sunpower.com/sites/default/files/sunpower-x-series-commercial-solar-panels-x21-470-com-datasheet-524935-revb">https://us.sunpower.com/sites/default/files/ sunpower-x-series-commercial-solar-panels-x21-470-com-datasheet-524935-revb</a> 1.pdf>.

UOL. **DÓLAR COMERCIAL**. 2021. Disponível em: <https://economia.uol.com.br/ cotacoes/cambio/dolar-comercial-estados-unidos/>.

USINAINFO. Controlador PWM D4184 / Módulo De Potência Mosfet 30A 400W 36V. 2021. Disponível em: <a href="https://www.usinainfo.com.br/driver-para-motor/controlador-pwm-d4184-modulo-de-potencia-mosfet-30a-400w-36v-5506.html?search\_query=mosfet&results=16>.</a>

\_\_\_\_\_. Placa Leonardo R3 Arduino + Cabo USB. 2021. Disponível em: <a href="https://www.usinainfo.com.br/placas-arduino/placa-leonardo-r3-arduino-cabo-usb-3128">https://www.usinainfo.com.br/placas-arduino/placa-leonardo-r3-arduino-cabo-usb-3128</a>. <a href="https://www.usinainfo.com">https://www.usinainfo.com</a>. <a href="https://www.usinainfo.com"/https://www.usinainfo.com"/https://www.usinainfo.com"/https://www.usinainfo.com</a>. <a href="https://www.usinainfo.com"//wwww.usinainfo.com"//www.usinai

\_\_\_\_\_. Sensor de Corrente ACS712 30A AC / DC com Efeito Hall. 2021. Disponível em: <a href="https://www.usinainfo.com.br/sensor-de-corrente-arduino/sensor-de-corrente-acs712-30a-ac-dc-com-efeito-hall-2952.html?search\_query=ACS712&results=3>.</a>

<u>Sensor de Tensão AC Zmpt101b / Voltímetro Arduino</u>. 2021. Disponível em: <a href="https://www.usinainfo.com.br/sensor-de-tensao-arduino/sensor-de-tensao-ac-zmpt101b-voltimetro-arduino-5658.html?search\_query=ZMPT101B&results=1>.">https://www.usinainfo.com.br/sensor-de-tensao-arduino/sensor-de-tensao-ac-zmpt101b-voltimetro-arduino-5658.html?search\_query=ZMPT101B&results=1>.</a>

VERMA, D. et al. Maximum power point tracking (mppt) techniques: Recapitulation in solar photovoltaic systems. **Renewable and Sustainable Energy Reviews**, v. 54, p. 1018–1034, 2016. ISSN 1364-0321. Disponível em: <a href="https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032115011478">https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1364032115011478</a>>.

VILLALVA, M. G. Energia solar fotovoltaica: Conceitos e aplicações. Campinas, São Paulo: Editora Érica, 2012.

VILLALVA, M. G.; GAZOLI, J. R.; FILHO, E. R. Comprehensive approach to modeling and simulation of photovoltaic arrays. **IEEE Transactions on Power Electronics**, v. 24, n. 5, p. 1198–1208, May 2009. ISSN 1941-0107. Disponível em: <<u>https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/4806084></u>.

# **APÊNDICE A**

Fluxograma do algoritmo Perturbe e Observe:

Figura 48: Fluxograma do algoritmo Perturbe e Observe.



Fonte: Autoria própria(2021).

Script do algoritmo Perturbe e Observe no software MATLAB:

```
1 function Vref = mppt(Vpv, Ipv)
      persistent Vanterior Ianterior Vrefanterior; % Garantir ...
2
          que os valores das vari veis n o sejam excludos
      Vatual = Vpv; % Atribuir o valor de Vpv
                                                  Vatual
3
      Iatual = Ipv; % Atribuir o valor de Ipv
                                                  Vatual
4
      DeltaV = 1e-3; % Valor da varia o da Tenso de ...
5
          refer ncia
6
      if isempty (Vanterior) % Atribuir valores para as ...
7
          vari veis caso o algoritmo esteja em execu o pela ...
         primeira vez
          Vanterior = 75;
8
          Ianterior = 6;
9
          Vrefanterior = 75;
10
      end
11
12
      Patual = Vatual*Iatual; % Equa o do clculo do valor ...
13
         da pot ncia atual
      Panterior = Vanterior * Ianterior; % Equa o do clculo ...
14
         do valor da pot ncia anterior
15
      if (Patual == Panterior) % Condi o para o caso das ...
16
          pot ncias serem iquais
          Vrefproximo = Vrefanterior;
17
      elseif (Patual > Panterior) % Condi o para o caso da ...
18
          pot ncia atual seja maior que a anterior
          if (Vatual > Vanterior) % Condi o para o caso da ...
19
              tens o atual seja maior que a tens o anterior
              Vrefproximo = Vrefanterior + DeltaV;
20
          else
21
              Vrefproximo = Vrefanterior - DeltaV;
22
          end
23
      else
24
          if (Vatual > Vanterior) % Condi o para o caso da ...
25
              tens o atual seja maior que a tens o anterior ...
              mas com a es diferentes
              Vrefproximo = Vrefanterior - DeltaV;
26
          else
27
              Vrefproximo = Vrefanterior + DeltaV;
28
          end
29
      end
30
```

```
31
      if (Vrefproximo ≤ 40) % Garantir que o valor de ...
32
          referncia seja maior que 40
         Vrefproximo = 40;
33
      end
34
35
      if(Vrefproximo ≥ 77.6) % Garantir que o valor de ...
36
          referncia seja menor que 77,6
         Vrefproximo = 77.6;
37
      end
38
39
40
      Vanterior = Vatual; % Atualizar o valor da vari vel ...
         Vanterior
      Ianterior = Iatual; % Atualizar o valor da vari vel ...
41
          Ianterior
      Vrefanterior = Vrefproximo; % Atualizar o valor da ...
42
          vari vel Vrefanterior
43 Vref = Vrefproximo;
```

### **APÊNDICE B**

*Script* do algoritmo de sintonização dos controladores do conversor *Boost* e do controlador PR:

```
1 %% Cabe alho
2 clear
3 close all
4 clc
 format long
5
7 %% Conversor Boost
8 % Valores do m dulo fotovoltaico na irradincia de 300 W/m<sup>2</sup>
9 P = 238.9; % Potncia mnima de sa da do mdulo fotovoltaico
10 Vin = 70; % Tens o m nima de sa da do m dulo fotovoltaico
11 Il = P/Vin; % Corrente m xima do m dulo fotovoltaico e do ...
     indutor
12 Cpv = 1000e-6; % Capacitncia do m dulo fotovoltaico
13
 % Valores escolhidos pelo projetista
14
15 Vo = 300; % Tens o de sa da desejada
16 All = 0.1*Il; % Varia o da corrente
 ∧Vc = 0.01*Vo; % Varia o da tenso
17
18 Fs = 30e3; % Frequencia de chaveamento
19
  % Valores do indutor e capacitor
20
21 R = (Vo*Vo)/P; % Resist ncia na sa da
22 D = 1 - Vin/Vo; % Ciclo de trabalho
23
24 L1 = (Vin*D)/(AIl*Fs); % Equa o do indutor
 rL1 = 0.1; % Resit ncia do indutor
25
26
 C1 = (Vo*D)/(R*Fs*AVc); % Equa o do Capacitor
27
28
  %% Sintoniza o dos controladores PI do conversor Boost
29
30
```

```
31 Req = Vin/Il; % Equa o do valor de Req
32
33 % Controlador Ci
34 Fci = Fs/10; % Frequencia de corte da malha de corrente
35 Kpi = (pi*Fs*L1)/(5*Vo); % Ganho proporcional
36 Kii = (pi*Fs*rL1)/(5*Vo); % Ganho integral
37 Ci = pid(Kpi,Kii); % Fun o de transferncia do ...
     controlador PI
38
39 % Controlador Cv
40 Fcv = Fs/100; % Frequencia de corte da malha de tens o
41 Kpv = -pi*Fs*Cpv/50; % Ganho proporcional
42 Kiv = (-pi*Fcv)/(50*Reg); % Ganho integral
43 Cv = pid(Kpv,Kiv); % Fun o de transferncia do ...
     controlador PI
45 %% Design do Filtro RC passa-baixas
46 Fcr = 200; % Frequencia de corte do filtro RC passa-baixas
47 R1 = 1; % Resist ncia do filtro RC passa-baixas
48 C2 = inv(2*pi*Fcr*R1); % C lculo da capacitncia do filtro ...
     RC passa-baixas
49
50 %% Valores da Ponte H
  % Valores de amostragem
52 Fa = Fs; % Frequencia de amostragem
53 Ta = inv(Fa); % Per odo de amostragem
54 wa = 2*pi*Fa; % Freguncia angular de amostragem
55
56 % Valores do inversor conectado
                                     rede
57 Vdc = Vo; % Tens o cont nua na entrada da ponte H
58 Vg = 127; % Valor eficaz(RMS) da tens o da rede el trica
59 Vp = Vq*sqrt(2); % Valor de pico da tens o da rede el trica
60 fg = 60; % Frequencia da rede eltrica
61 wg = 2*pi*fg; % Frequencia angular da rede el trica
62 % Hi = 1/(1.5*sqrt(2)); % Ganho da realimenta o da ...
     corrente el trica
63 \text{ Hv} = inv(Vp);
64
65
 % Valor da varia o da corrente de sa da escolhido pelo ...
66
     projetista
67 Irip = 1/100;
```

```
68
69 % Equa o do indutor da ponte H
70 L2 = (Vg*Vdc) / (4*sqrt(2)*Fs*Irip*P);
r_{1} rL2 = 0.5;
72
73 %% Design do controlador PR
74 % Valores escolhidos pelo projetista
rs fc = fg*(2/100); % Frequencia de corte do filtro ressonante
76 Br = 2*pi*fc; % Frequencia angular de corte do filtro ressonante
  wr = wq; % Frequencia angular de ressonncia
77
  zeta = 0.95; % Coeficiente de amortecimento
78
79
80 % Sintoniza o do ganho proporcional e do ganho ressonante
81 alpha = 2*zeta + 1;
82 Kp = (alpha*sqrt(alpha)*wr*L2 - rL2)/Vdc; % Ganho Proporcional
83 Ki = ((wr^2)*L2*((alpha^2) - 1))/(2*Vdc); % Ganho Integral
84
85 % Design do filtro ressonante
86 s = tf('s'); % Fun o de transferncia da vari vel 's'
  % da transformada de Laplace
88 Hr = (Br*s)/(s*s + 2*Br*s + wr*wr); % Fun o de ...
      transferncia do Filtro
89 % ressonante na forma cont nua
90 discHr = c2d(Hr,Ta); % Fun o de transferncia
91 % do filtro ressonante na forma discreta
92 [numHr,denHr] = tfdata(discHr,'v'); % Extra o do numerador e
93 % do denominador do filtro ressonante na forma discreta
94
95 %% Design do filtro no dom nio W
96
97 Cte = ...
      (((Br^2)*0.5)/sqrt((wr^2)-0.25*(Br^2)))*(exp(-0.5*Br*Ta))...
       *sin(Ta*sqrt((wr^2)-0.25*(Br^2)));
98
99
100 % Constantes do numerador
101 n0 = Br * Ta;
102 n1 = ...
      (-Br*(exp(-0.5*Br*Ta))*cos(Ta*sqrt((wr^2)-0.25*(Br^2)))-Cte)*Ta;
n_{103} n_{12} = 0;
104
105 % Constantes do denominador
106 \, d0 = 1;
```

```
107 d1 = -2*(exp(-0.5*Br*Ta))*cos(Ta*sqrt((wr^2)-0.25*(Br^2)));
108 d2 = \exp(-Br \star Ta);
109
110 z = (2 + Ta*s)/(2 - Ta*s); % Igualdade do dom nio w no ...
      dom nio z
III HRw = (n0 + n1 + z^{-1} + n2 + z^{-2}) / (d0 + d1 + z^{-1} + d2 + z^{-2}); % ...
      Filtro ressonante no dom nio w
112 TFw = Kp + Ki*HRw; % Controlador PR no dom nio w
113
114 %% Gerar os diagramas de Bode o Filtro ressonante e o ...
      controlador PR no dom nio W
115
116 % Configurar o eixo da freguncia em Hertz
iii opts = bodeoptions('cstprefs');
118 opts.FreqUnits = 'Hz';
119
120 % Gr fico de bode do filtro ressonante no dom nio w
121 figure
122 bode (HRw, opts)
123 title('Resposta em frequncia no dom nio w do filtro ...
      ressonante')
124 grid
125
126 % Gr fico de bode do controlador PR no dom nio w
127 figure
128 bode (TFw, opts)
129 title('Resposta em frequncia no dom nio w do Controlador PR')
130 grid
131
132 %% Abrir o modelo do Simulink
133 open_system('modelo_final.slx')
134
135 %% Simula o para os diferentes valores de irradincia
136 vetIrr = [300,500,1000]; % Vetor com os valores de Irradincia
137 vetHi = [1/sqrt(2),1/(1.8*sqrt(2)),1/(2.5*sqrt(2))]; % Vetor ...
      com os valores de Hi
138
139 warning('off')
140
141 % Loop para simular e plotar os resultados para diferentes ...
      valores de
142 % irradincia
```

```
for i = 1:length(vetIrr)
143
144
       irr = vetIrr(i);
       Hi = vetHi(i);
145
       sim('modelo_final.slx')
146
147
       % Extra o dos valores da eficincia e da potncia de ...
148
           sa da
       efi = eficiencia(length(eficiencia));
149
       Pinv = PotInv(length(PotInv));
150
       erro = Ierro(length(Ierro));
151
152
       Pot = 127 \times inv(Hi);
153
       fatPot = Pinv/Pot;
154
155
       % Plotar os valores da eficincia, da pot ncia de sa da
156
       % e do fator de pot ncia na "Command Window"
157
       disp(strcat('Valor da eficincia para a irradincia de ...
158
           ',...
           num2str(irr), ' W/m^2: ',num2str(efi), ' %'))
159
       disp(strcat('Valor da pot ncia do microinversor para a ...
160
           irradincia de ',...
           num2str(irr), ' W/m^2: ',num2str(Pinv), ' W'))
161
       disp(strcat('Valor do erro para a irradincia ...
162
           de',num2str(irr),' W/m^2: ',...
           num2str(erro*100), ' %'))
163
       disp(strcat('Valor do fator de pot ncia para a ...
164
           irradincia de',...
           num2str(irr), ' W/m^2: ',num2str(fatPot)))
165
166
167
       % Plotar o sinal da corrente de sa da do microinversor
168
       figure
169
       plot(correntMicroInv.time,[correntMicroInv.signals.values])
170
       title(strcat(correntMicroInv.signals.title,' para a ...
171
           irradincia de ',...
           num2str(irr), W/m^2.)
172
       ylim([-3.6 3.6])
173
       xlim([0 1.5])
174
       grid
175
       saveas(gcf,strcat('correnteMicroInv_',num2str(irr)),'png')
176
177
       % Plotar os sinais de referncia, realimenta o e erro
178
```

```
179
       figure
180
       % Sinal de referncia
181
       subplot(3,1,1)
182
       plot(refFeedbackErro.time, [refFeedbackErro.signals(1).values])
183
       ylim([-1.5 1.5])
184
       xlim([0 1.5])
185
       grid
186
       title(strcat(refFeedbackErro.signals(1).title...
187
            ,' para a irradincia de',num2str(irr),' W/m^2.'))
188
189
       % Sinal de realimenta o
190
       subplot(3,1,2)
191
       plot(refFeedbackErro.time,[refFeedbackErro.signals(2).values])
192
       ylim([-1.5 1.5])
193
       xlim([0 1.5])
194
       grid
195
       title(strcat(refFeedbackErro.signals(2).title...
196
            ,' para a irradincia de',num2str(irr),' W/m^2.'))
197
198
       % Sinal do erro
199
       subplot(3,1,3)
200
       plot(refFeedbackErro.time, [refFeedbackErro.signals(3).values])
201
       ylim([-0.6 0.6])
202
       xlim([0 1.5])
203
       grid
204
       title(strcat(refFeedbackErro.signals(3).title...
205
            ,' para a irradincia de',num2str(irr),' W/m^2.'))
206
207
       % Salvar a figura dos grficos da referncia, ...
208
           realimenta o e erro
       saveas(gcf,strcat('ref_feedback_erro_',num2str(irr)),'png')
209
210 end
```

# **APÊNDICE C**

Circuito, malhas de controle do microinversor e resultados extraídos no ambiente *Simulink* do *software MATLAB*:

Figura 49: Circuito do microinversor, malhas de controle e resultados no Simulink.



Fonte: Autoria própria (2021).